

โครงสร้างข้อมูล

III

HASHING

## สมาชิก

นางสาว ชัญญา กลางแก้ว ปวค.59/2 055950201069-2

นาย รพีภัทร หลงวิจิตร ปวค.59/2 055950201084-1

# HASH

- เกี่ยวกับการจัดการข้อความหรือข้อมูลให้เป็นดัชนี เพื่อใช้อ้างอิงตำแหน่งการเก็บข้อมูลของอาร์เรย์หรือฐานข้อมูล เรียกรูปแบบการหาคีย์ดัชนีว่า การทำแฮช (Hash)
- เมื่อต้องการค้นหาข้อมูลให้เจอเพียงครั้งเดียว สามารถใช้รูปแบบการอ้างอิงตำแหน่งในการเก็บข้อมูลด้วยดัชนีเพื่อที่จะสามารถเข้าถึงข้อมูลได้เพียงครั้งเดียว โดยการหาคีย์ดัชนีเพื่อใช้อ้างอิงตำแหน่งในการเก็บข้อมูล
- เมื่อพิจารณาอาร์เรย์ที่มีขนาด  $n$  ข้อมูล พบว่า ในแต่ละเรคอร์ดของอาร์เรย์สามารถเก็บข้อมูลได้เพียงหนึ่งข้อมูล ในการหาตำแหน่งเพื่อเพิ่มข้อมูลเข้าไปในอาร์เรย์เรียกว่า “การคำนวณหาแอดเดรส” (Address Calculator)
- แฮชฟังก์ชัน (Hash function) เป็นแนวความคิดในการคำนวณหาแอดเดรสในการจัดการข้อมูลในอาร์เรย์ และเรียกอาร์เรย์ในการเก็บข้อมูลแฮชว่า แฮชเทเบิล (Hash table)

## ตัวอย่างการของแฮชฟังก์ชัน

- เมื่อโรงพยาบาลต้องการเก็บข้อมูลเบอร์โทรศัพท์บุคคลที่เข้ามารักษาพยาบาล แล้วกำหนดให้ดัชนีเพื่อใช้อ้างอิงตำแหน่งในการเก็บข้อมูลในอาร์เรย์ คือหมายเลขโทรศัพท์แทนด้วยตัวแปร `num` จะได้ว่าตำแหน่งในการเก็บข้อมูลบุคคลที่เข้ามารักษาพยาบาลคือ `table[num]`
- ใช้หมายเลขโทรศัพท์ 123-4567 เก็บข้อมูลในตำแหน่ง `table[1234567]` ซึ่งในกรณีนี้ต้องใช้ในการจองพื้นที่ในการเก็บข้อมูลทั้งหมดสืบสานข้อมูลในการประกาศอาร์เรย์ `table`
- แต่ถ้าไม่ต้องการใช้พื้นที่ในหน่วยความจำเพื่อเก็บข้อมูลถึงสืบสานข้อมูล และเมื่อพิจารณาเฉพาะหมายเลขโทรศัพท์เพียง 4 ตัวหลังมาเป็นตำแหน่งในการเก็บข้อมูล เช่นหมายเลขโทรศัพท์คือ 123-4567 จะเก็บในอาร์เรย์ตำแหน่งที่ `table[4567]` แทน ทำให้พื้นที่ในการเก็บข้อมูลเหลือเพียง 10,000 ข้อมูลในการเก็บข้อมูล

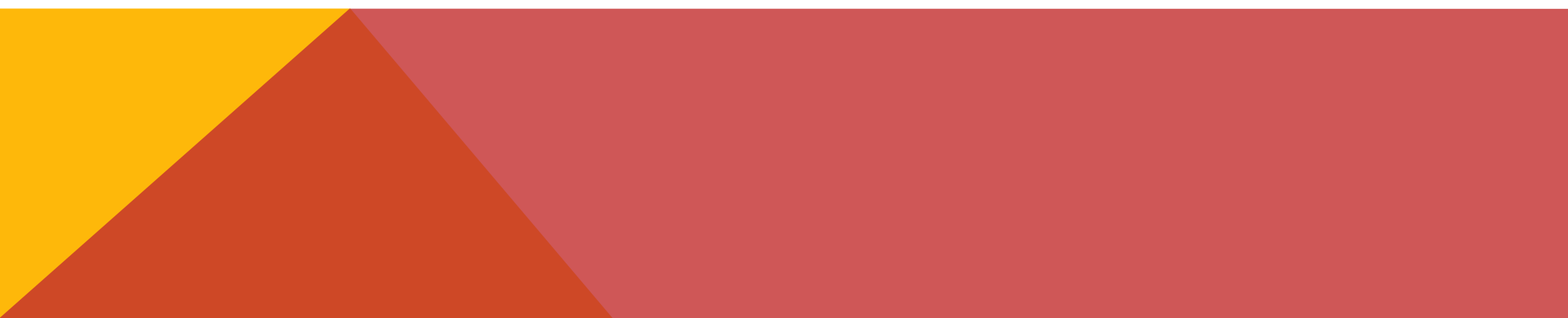
## ตัวอย่างการของแฮชฟังก์ชัน

- การเปลี่ยนข้อมูลหมายเลขโทรศัพท์ในการเก็บข้อมูลในอาร์เรย์ในตำแหน่ง 1234567 เป็นการอ้างอิงตำแหน่งในการเก็บข้อมูลในอาร์เรย์ตำแหน่ง 4567 ในรูปแบบนี้เป็นตัวอย่างในการใช้แฮชฟังก์ชัน (Hash function)
- สัญลักษณ์  $h$  แทนแฮชฟังก์ชัน และตัวแปร  $x$  คือ ตำแหน่งแอดเดรสที่ได้จากแฮชฟังก์ชันในการอ้างอิงตำแหน่งแอดเดรสในอาร์เรย์
- มีหมายเลขโทรศัพท์สองเบอร์คือ 1234567 และ 1114567 ตำแหน่งในการเก็บข้อมูลในอาร์เรย์อยู่ที่ตำแหน่งเดียวกันเนื่องจากกำหนดให้ตัวเลขสี่ตัวหลังเป็นตำแหน่งในการอ้างอิงตำแหน่งแอดเดรส คือ ตำแหน่งแอดเดรส 4567 ซึ่งเรียกรูปแบบการมีแอดเดรสที่ซ้ำกันนี้ว่า การชนกันข้อมูล (Collision data)

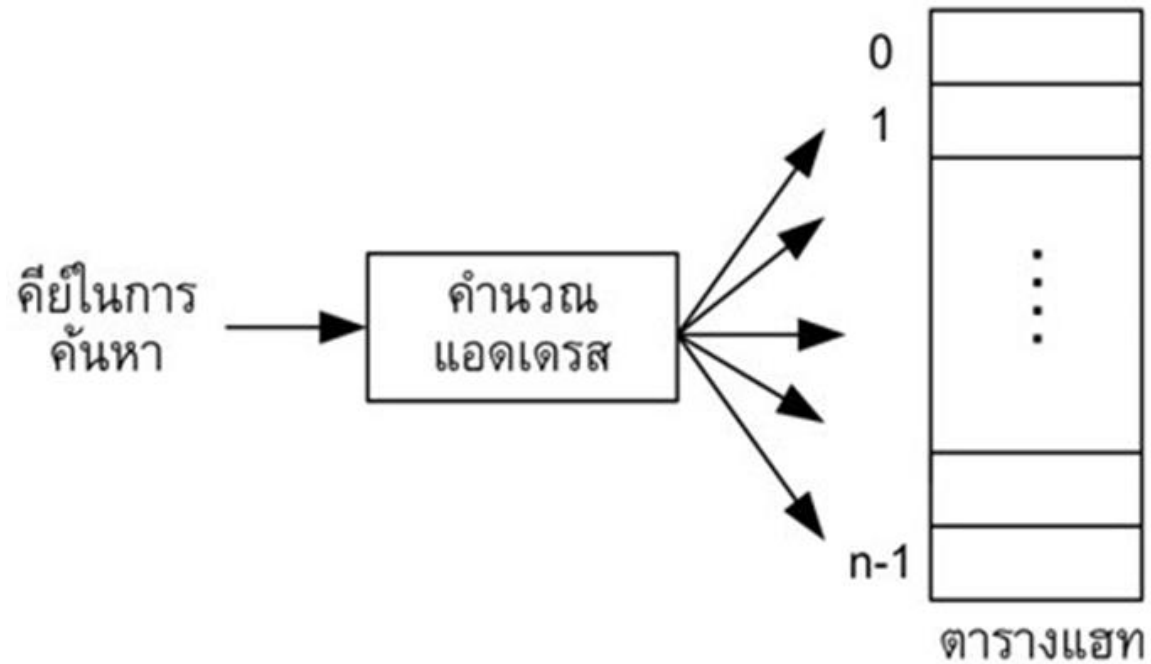
# แฮชฟังก์ชัน (HASH FUNCTIONS)

แฮชฟังก์ชัน (Hash Functions) เป็นการจัดการเกี่ยวกับตัวเลขจำนวนเต็ม เช่น การเปลี่ยนตัวเลขที่หลากหลายให้เป็นตัวเลขที่อยู่ช่วงที่กำหนด, การกำหนดให้ข้อมูลที่หลากหลายให้มาเก็บอยู่ในช่วง 0 ถึง 100 เป็นต้น แต่ถ้าคือในการค้นหาไม่ใช่ตัวเลขจำนวนเต็มก็สามารถเปลี่ยนรูปแบบให้เป็นเลขจำนวนเต็มได้เช่นกัน ซึ่งเป็นหลักการของการทำแฮชฟังก์ชัน

## คุณสมบัติของ HASH FUNCTION ที่ดี

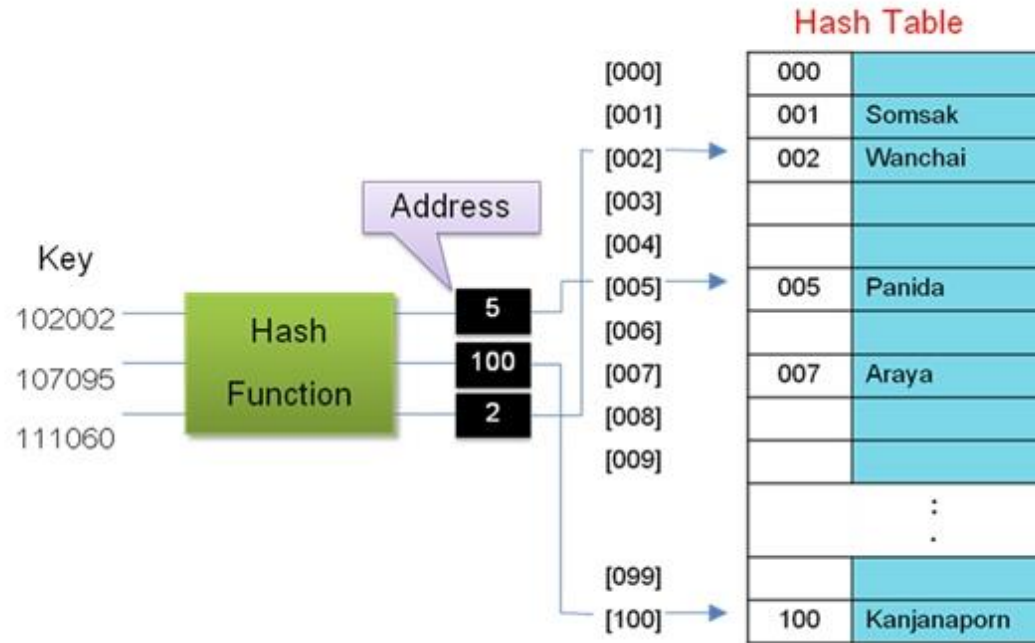
1. data เดียวกัน จะได้ค่า hash ที่เหมือนกัน
  2. data ที่ต่างกันแม้เพียงเล็กน้อย จะได้ค่า hash ที่ต่างกันมาก
  3. การคำนวณทำได้ง่าย ใช้เวลาคำนวณน้อย (เป็น function ที่ไม่ซับซ้อน)
  4. ไม่สามารถคำนวณย้อนกลับจากค่า hash กลับมาเป็น data ได้
- 

ภาพแสดงการนำคีย์มาผ่านฟังก์ชันแฮชเพื่อแอดเดรสซึ่งเป็นตำแหน่งที่อยู่ของข้อมูล





# ตัวอย่างหลักการของแฮช (HASH CONCEPT)



ในการศึกษาเกี่ยวกับการค้นหาข้อมูลด้วยวิธีแฮชซึ่งนั้นจำเป็นจะต้องรู้ความหมายของคำศัพท์พื้นฐานต่อไปนี้ให้เข้าใจเสียก่อน ซึ่งประกอบด้วย

## ตัวอย่างหลักการของแฮช (HASH CONCEPT) (ต่อ)

- คีย์ (Key) คือข้อมูลที่ต้องการนำไปค้นหา ซึ่งค่าของคีย์จะไม่มีซ้ำกัน
- ฟังก์ชันแฮช (Hash Function) คือสูตรหรือฟังก์ชันที่ใช้สำหรับแปลงคีย์ให้เป็นตำแหน่งแอดเดรส เมื่อได้แอดเดรสแล้ว ก็สามารถนำแอดเดรสนี้เข้าถึงตำแหน่งข้อมูลที่ต้องการในตารางแฮชได้
- ตารางแฮช (Hash Table) คือตารางที่ใช้สำหรับเก็บข้อมูล

## การเลือกหลัก (SELECTION DIGITS)

ถ้าคีย์ในการค้นหา คือ รหัสของลูกจ้างที่มีจำนวนเก้าหลัก เช่น 001364825 ถ้าเลือกหลักที่ 4 และหลักสุดท้าย จะได้เลข 35 เป็นตำแหน่งในอ้างอิงแอดเดรสในตารางแฮช  $h(001364825) = 35$  (เลือกจากหลักที่สี่และหลักสุดท้าย)

ดังนั้น คีย์ในการค้นหาของข้อมูล 001354825 ในตารางแฮช คือ **table[35]**

ข้อควรระวังเกี่ยวกับการเลือกหลักที่นำมาทำแฮชฟังก์ชัน ตัวอย่างเช่น การเลือกหลักที่หนึ่ง และหลักที่สามมาเป็นแฮชฟังก์ชัน ซึ่งเป็นหลักที่มีหลายคนที่จะมีตัวเลขของหลักที่หนึ่งและหลักที่สามซ้ำกันได้เป็นจำนวนมาก

## การบวกหลัก (FOLDING)

หลักการของการบวกหลัก คือ การเลือกหลักและนำตัวเลขในหลักนั้นมาบวกกัน จากตัวอย่างเช่น นำข้อมูลตัวต่อตัวจากทุกหลักมาบวกกัน เช่น ข้อมูลคือ 001364825 จะได้ดังนี้

$$0 + 0 + 1 + 3 + 6 + 4 + 8 + 2 + 5 = 29$$

ดังนั้น คีย์ในการค้นหาของ 001364825 ในตารางแฮชคือ table[29]

## การบวกหลัก (FOLDING) (ต่อ)

ข้อกำหนดของจากการบวกทุกหลักจากทั้งหมดเก้าหลักในแต่ละหลักจะมีข้อมูลได้ คือ 0 ถึง 9 ดังนั้นตารางเลขจะเก็บข้อมูลได้ระหว่าง 0 ถึง 81 ข้อมูล ( $0 < h(\text{คีย์ในการค้นหา}) < 81$ )

เมื่อเพิ่มขนาดของตารางเลข จะต้องปรับรูปแบบของการบวก เช่น จัดกลุ่มของหลัก และนำข้อมูลของหลักในแต่ละกลุ่มมาบวกกัน เป็นต้น ตัวอย่างข้อมูล 001364825 จะแบ่งข้อมูลออกเป็น 3 กลุ่ม แต่ละกลุ่มมี 3 หลัก และนำมาบวกกัน ได้ดังนี้

$$001 + 364 + 825 = 1,190$$

ดังนั้น เลขฟังก์ชันจะเก็บข้อมูลอยู่ระหว่าง  $0 < h(\text{คีย์ในการค้นหา}) < 3 * 999 = 2,997$

## การหารเอาเศษ (MODULATE ARITHMETIC)

หลักการหารเอาเศษเป็นรูปแบบที่ง่ายของแฮชฟังก์ชัน โดยมีรูปแบบ คือ

$$h(x) = x \bmod \text{tableSize}$$

เมื่อ **tableSize** เป็นขนาดของตารางแฮช **table**

ตัวอย่างเช่น ถ้า **tableSize** มีค่าคือ 101 จะได้ว่า  $h(x) = x \bmod 101$  ทำให้ค่าตัวเลข **X** จะอยู่ในช่วง 0 ถึง 100 และจากตัวอย่างข้อมูล 001364825 จะทำให้มีค่าแฮชคือ 12

จากหลักการ  $h(x) = x \bmod \text{tableSize}$  จะพบว่ามักจะมีข้อมูลแฮชในตำแหน่งที่ **table[0]** และตำแหน่งที่ **table[1]** ซ้ำกัน

การเปลี่ยนข้อความเป็นตัวเลข

## (CONVERTING A CHARACTER STRING TO AN INTEGER)

กรณีทีคล้ายในการค้นหาเป็นข้อความ เช่น การใช้ชื่อเป็นคล้ายในการค้นหา สามารถเปลี่ยนข้อความชื่อให้เป็นตัวเลขในแฮชฟังก์ชัน  $h(x)$  ได้ โดยสิ่งแรกที่ต้องทำคือเปลี่ยนตัวอักษรแต่ละตัวให้เป็นค่าตัวเลข ตัวอย่างเช่น ข้อความ “NOTE” เมื่อใช้รหัส ASCII ของตัวอักษรในการเปลี่ยนเป็นตัวเลข ได้เป็น 78, 79, 84 และ 69 ของตัวอักษร N, O, T และ E ตามลำดับ หรือสามารถใช้ค่าตัวเลขระหว่าง 1 ถึง 26 แทนตัวอักษร A ถึง Z ซึ่งจะได้ 14, 15, 20 และ 5 ของตัวอักษร N, O, T และ E

การเปลี่ยนข้อความเป็นตัวเลข

## (CONVERTING A CHARACTER STRING TO AN INTEGER)

แทนตัวอักษร A ถึง Z ด้วยค่าตัวเลข 1 ถึง 26 จากข้อความ “NOTE” จะเปลี่ยนเป็นเลขฐานสองได้ดังนี้

N เท่ากับ 14 หรือ 01110 ในเลขฐานสอง

O เท่ากับ 15 หรือ 01111 ในเลขฐานสอง

T เท่ากับ 20 หรือ 10100 ในเลขฐานสอง

E เท่ากับ 5 หรือ 00101 ในเลขฐานสอง

เมื่อนำค่าตัวเลขฐานสองของข้อความ “NOTE” มาเรียงต่อกัน จะได้ 01110011111010000101 ซึ่ง

เท่ากับ 474,757 ในเลขฐานสิบ



การเปลี่ยนข้อความเป็นตัวเลข

## (CONVERTING A CHARACTER STRING TO AN INTEGER)

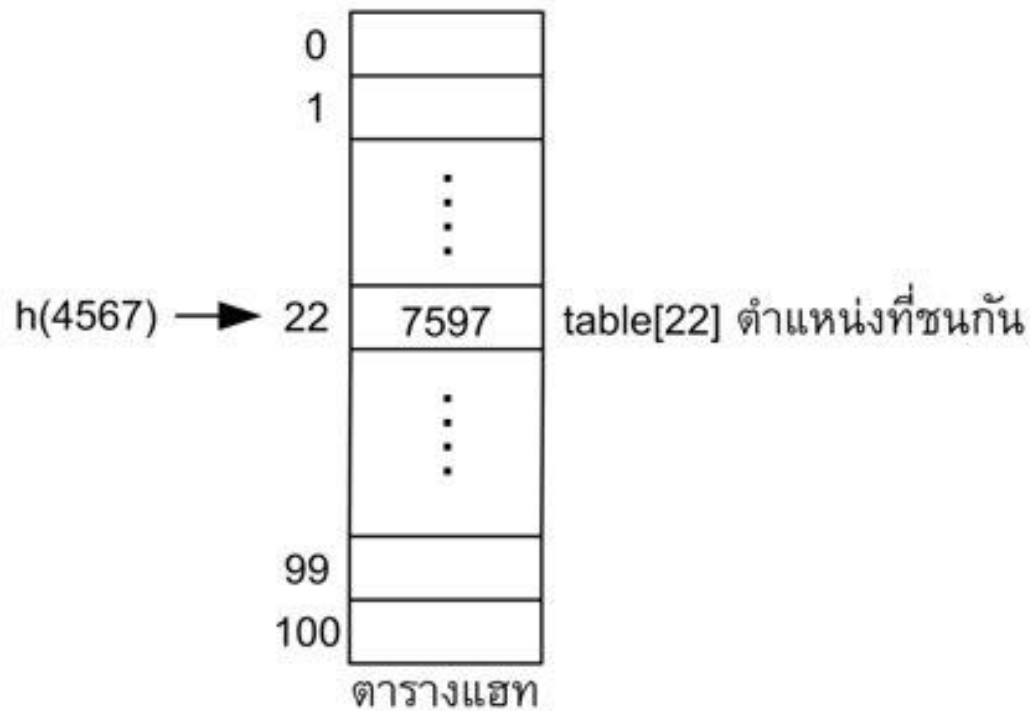
เป็นการยากในการเปลี่ยนข้อมูลเลขฐานสองจำนวนหลายหลักให้เป็นเลขฐานสิบ ดังนั้น  
ได้มีหลักการของ Horner's rule ที่พิจารณาจำนวนของเลขฐานสองที่มีจำนวนบิตน้อย  
ที่สุดมาใช้ในการเปลี่ยนข้อความเป็นตัวเลข (ตัวอักษร A ถึง Z เท่ากับ 26 ตัว) ซึ่งจะมี  
จำนวน 5 บิต ดังนั้น เลขฐานสองคือ 25 คือ 32 ดังนั้นเปลี่ยนตัวอักษรเป็นตัวเลขได้ดังนี้

$$(14 * 323) + (15 * 322) + (20 * 321) + (5 * 320) = 474,757$$

แล้วนำค่าเลขฐานสิบในการเปลี่ยนตัวอักษรเป็นตัวเลขไปใช้แฮชฟังก์ชัน  $h(x) = x \bmod$   
`tableSize` เพื่อหาค่าแฮชในการอ้างอิงในตารางแฮช

## การแก้ปัญหาการชนกันของแฮชคีย์ (RESOLVING COLLISION)

คีย์ในการค้นหาคือ 4567 เพิ่มเข้าไปในตารางแฮช **table** ที่มีขนาด **tableSize** เท่ากับ 101 (แฮชฟังก์ชันคือ  $h(x) = x \bmod 101$ ) จะได้ตำแหน่งใหม่ในตารางแฮชเท่ากับ **table[22]** (ซึ่งได้จาก  $4567 \bmod 101$  เท่ากับ 22) ดังแสดงในรูป 5.2 และเมื่อเพิ่มคีย์ในการค้นหาคือ 7597 ตำแหน่งในการเพิ่มข้อมูลคือ **table[22]** เช่นกัน (ได้จาก  $7597 \bmod 101$  เท่ากับ 22) ซึ่งเป็นตำแหน่งที่ไม่อนุญาตให้เพิ่มข้อมูลในตารางแฮชเนื่องจากเป็นตำแหน่งที่ชนกัน



จากปัญหาการชนกันของแฮชคีย์ จะมีวิธีแก้ไขปัญหา 2 วิธี คือ

1. ใช้ตำแหน่งแอดเดรสถัดไปที่ใกล้เคียงกับคีย์แฮชที่หาได้จากฟังก์ชันแฮชมาเป็นตำแหน่งในการเพิ่มข้อมูล
2. เปลี่ยนโครงสร้างของตารางแฮชในตำแหน่ง  $table[i]$  ให้สามารถเก็บข้อมูลได้มากกว่าหนึ่งข้อมูล

แก้ปัญหาการชนกันด้วยการหาแอดเดรสถัดไปที่ใกล้เคียงที่สุด

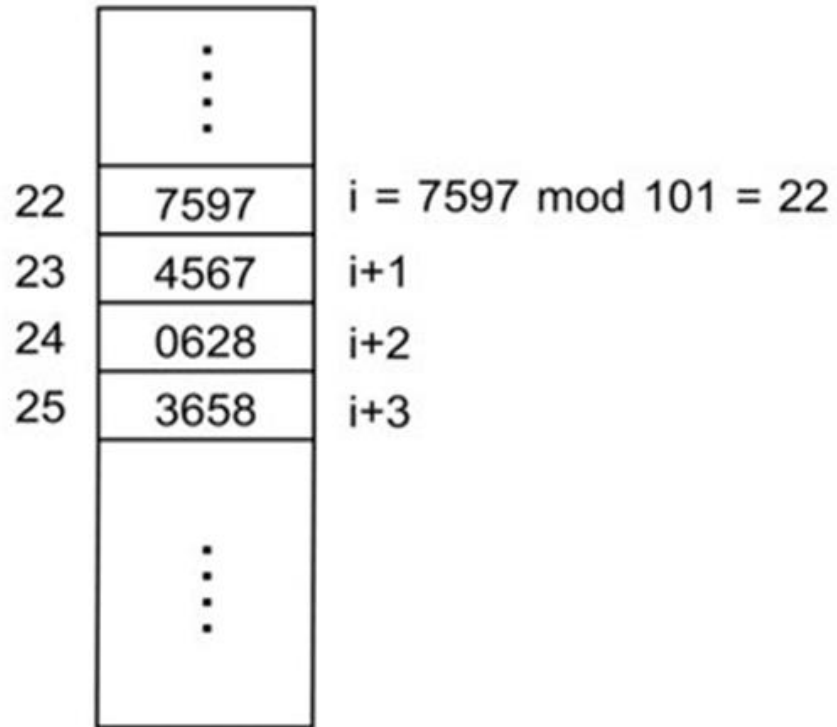
การแก้ปัญหาแบบลำดับ (Linear probing)

เป็นรูปแบบที่ง่ายที่สุดในการแก้ปัญหาการชนกันของคีย์แฮช

ใช้รูปแบบการเลื่อนตำแหน่งแอดเดรสไปยังตำแหน่งถัดไปในตารางแฮชมาเก็บข้อมูลแทนตำแหน่งแอดเดรสที่ชนกัน ซึ่งก็คือตำแหน่ง  $table[h(\text{searchKey})+1]$ ,  $table[h(\text{searchKey})+2]$  ตามลำดับ

จะเลื่อนตำแหน่งไปเรื่อยๆ จนกระทั่งเจอตำแหน่งที่ยังไม่เก็บข้อมูล

# การแก้ปัญหาแบบลำดับ (LINEAR PROBING)



ตารางแฮช

# การแก้ปัญหาแบบกำลังสอง (QUADRATIC PROBING)

เป็นการแก้ไขปัญหาคารชนกันของแฮชคีย์ด้วยการปรับโครงสร้างการแก้ปัญหาแบบลำดับ

แก้ปัญหาด้วยการนำคีย์กำลังสอง เพื่อตรวจสอบตำแหน่ง  $table[h(\text{serchKey})+12]$ ,  $table[h(\text{serchKey})+22]$ ,  $table[h(\text{serchKey})+32]$  จนกระทั่งเจอตำแหน่งที่ยังไม่เก็บข้อมูล

	⋮	
22	7597	$i = 7597 \bmod 101 = 22$
23	4567	$i+1^2$
24		
25		
26	0628	$i+2^2$
	⋮	
31	3658	$i+3^2$
	⋮	

ตารางแฮช

## การทำแฮช 2 ครั้ง (DOUBLE HASHING)

การทำแฮช 2 ครั้งเป็นการแก้ปัญหาโดยใช้วิธีแบบไม่อิสระ

เป็นโครงสร้างที่ใช้หลักการแก้ไขปัญหาลำดับ โดยเริ่มจากหาแฮชแรกที่ได้แฮชฟังก์ชันในลำดับที่หนึ่ง  $h_1(\text{key})$  ก่อนและเมื่อตำแหน่งที่จากแฮชฟังก์ชันครั้งที่ 1 มีข้อมูลอยู่แล้ว จะหาแฮชฟังก์ชันในลำดับที่สอง  $h_2(\text{key})$  เพื่อหาตำแหน่งแฮชในตำแหน่งถัดไป โดยมีข้อกำหนดในการทำแฮช 2 ครั้งของแฮชฟังก์ชัน  $h_1(\text{key})$  และ  $h_2(\text{key})$  ดังนี้

$$h_2(\text{key}) \neq 0$$

$$h_1 \neq h_2$$

## การทำแฮช 2 ครั้ง (DOUBLE HASHING) (ต่อ)

ตัวอย่างเช่น กำหนดให้  $h1$  และ  $h2$  เป็นลำดับที่หนึ่งและลำดับที่สองของแฮชฟังก์ชันดังนี้

$$h1(\text{key}) = \text{key} \bmod 11$$

$$h2(\text{key}) = 7 - (\text{key} \bmod 7)$$

เมื่อดูตารางแฮชสามารถเก็บข้อมูลได้ 11 ข้อมูลและถ้า  $\text{key} = 58$  ทำให้แฮชคีย์  $h1$  อยู่ในตำแหน่ง 3 ( $58 \bmod 11$ ) และ  $h2$  เป็นการแก้ไขปัญหาการชนกัน ด้วยการหาตำแหน่งแอดเดรสในลำดับถัดไปคือ 5 ( $7 - 58 \bmod 7$ )



## การทำแฮช 2 ครั้ง (DOUBLE HASHING) (ต่อ)

หาแฮชคีย์ของคีย์ในการค้นหา 14 คือ  $h_1(14) = 3$  ซึ่งชนกับคีย์ 58 ดังนั้น ต้องหาแฮชคีย์ในลำดับที่ 2 คือ  $h_2(14) = 7$  จึงเพิ่มคีย์ในการค้นหาของ 14 ในตำแหน่ง 10 คือ  $table[3+7]$  หรือ  $table[10]$

สุดท้ายคีย์ในการค้นหา 91 คือ  $h_1(91) = 3$  และ  $h_2(91) = 7$  แต่  $table[3]$  และ  $table[10]$  มีข้อมูลที่ถูกรอบครอบแล้ว สุดท้ายในการหาคีย์ค้นหา 91 กลับไปใช้ฟังก์ชันแฮช  $h_1$  ใหม่อีกครั้งแต่เปลี่ยนคีย์ที่ได้จาก  $key = h_1(91) + h_2(91) + h_2(91)$  ซึ่งจะได้  $3 + 7 + 7 = 17$  ดังนั้น ตำแหน่งในการเพิ่มคีย์ในการค้นหา 91 คือ  $h_1(key) = 17 \bmod 11 = 6$  อยู่ใน  $table[6]$

# การแก้ปัญหาแบบกำลังสอง (QUADRATIC PROBING)

	⋮	
22	7597	$i = 7597 \bmod 101 = 22$
23	4567	$i+1^2$
24		
25		
26	0628	$i+2^2$
	⋮	
31	3658	$i+3^2$
	⋮	

ตารางแฮช

## การแก้ปัญหาแบบกำลังสอง (QUADRATIC PROBING)

เป็นการแก้ไขปัญหาการชนกันของแฮชคีย์ด้วยการปรับโครงสร้างการ  
แก้ปัญหาแบบลำดับ

แก้ปัญหาคือการนำคีย์ยกกำลังสอง เพื่อตรวจสอบตำแหน่ง

`table[h(serchKey)+12],`

`table[h(serchKey)+22],`

`table[h(serchKey)+32]` จนกระทั่งเจอตำแหน่งที่ยังไม่เก็บ

ข้อมูล

## การแก้ปัญหาการชนกันด้วยวิธีการปรับโครงสร้างตารางแฮช

### การเก็บข้อมูลแบบกลุ่ม (Buckets)

ในแต่ละตารางแฮช **table** ของแต่ละตำแหน่ง **table[ i ]** จะมีอาร์เรย์ที่เรียกว่า **Bucket** (กลุ่มข้อมูล) ทำหน้าที่เก็บข้อมูลแฮชเข้าไปในแต่ละ **table[ i ]** ในอาร์เรย์

แต่ก็อาจจะเกิดปัญหาขึ้นถ้าขนาดของ **Bucket** ที่มีขนาดเท่ากับ **B** มีขนาดที่น้อยกว่าขนาดของข้อมูลที่จะเพิ่มเข้าไปในตารางแฮช ซึ่งจะเกิดการชนของข้อมูลใน **Bucket** ได้

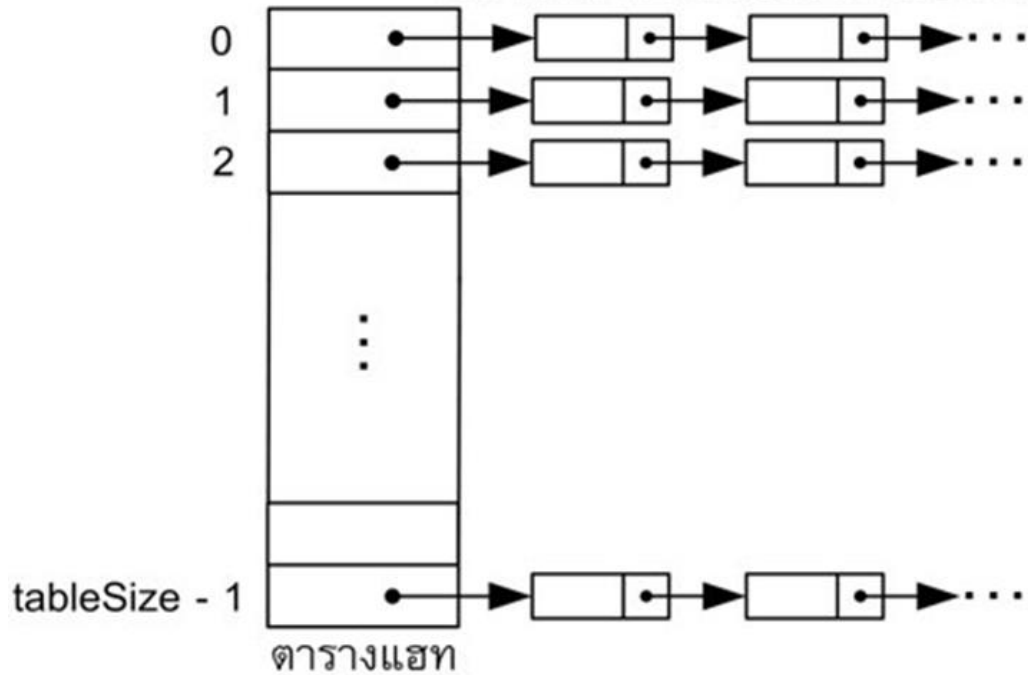
ดังนั้น จะปรับให้ขนาดของ **Bucket** มีขนาดเป็น **B + 1** ในตำแหน่งอาร์เรย์เดียวกัน ซึ่งเป็นความคิดที่ดีในการเก็บข้อมูลในตารางแฮช

# การแยกออกจากกันด้วยการเชื่อมโยง (SEPARATE CHAINING)

การแยกออกจากกันด้วยการเชื่อมโยง (Separate Chaining) เป็นอีกทางเลือกหนึ่งในการออกแบบตารางแฮช ด้วยการใช้อาร์เรย์ของลิงค์ลิสต์ในการเก็บข้อมูล

วิธีนี้เป็นรูปแบบการแก้ปัญหาการชนกันด้วยการกำหนดให้ในแต่ละ `table[ i ]` ทำหน้าที่อ้างอิงไปยัง ลิงค์ลิสต์เพื่อใช้ในการเชื่อมโยงข้อมูล

ในแต่ละตำแหน่งของตารางแฮชอ้างอิงไปแต่ละลิงค์ลิสต์



# ข้อสรุป HASHING

แฮชเป็นการจัดการข้อความหรือข้อมูลโดยการเปลี่ยนให้เป็นดัชนี (index)

เพื่อใช้อ้างอิงข้อมูลในอาร์เรย์หรือฐานข้อมูล ซึ่งใช้แฮชฟังก์ชันในการเปลี่ยนข้อความหรือข้อมูลเป็นคีย์ในการอ้างอิงใน แฮชเทเบิล

แฮชฟังก์ชันมีหลายวิธีในเปลี่ยนตัวเลขให้เป็นคีย์ และเมื่อได้คีย์จากแฮชฟังก์ชันแล้วอาจจะมีคีย์ที่ชนกันได้

# ข้อสรุป HASHING

การชนกัน คือ ตำแหน่งของคีย์ที่ได้จากแฮชฟังก์ชันมีข้อมูลอยู่แล้ว

การแก้ปัญหาการชนกันของคีย์มี 2 วิธี คือ

1. การหาตำแหน่งใหม่ที่ว่างแล้วนำข้อมูลนั้นไปเก็บไว้ในคีย์
2. การปรับโครงสร้างแฮชเทเบิลโดยนำอาร์เรย์มาเก็บคีย์และนำลิงค์ลิสต์มาเชื่อมโยงกับอาร์เรย์เพื่อทำหน้าที่เก็บข้อมูล



## บรรณานุกรม

1. วิศวกรรมคอมพิวเตอร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย. “ตารางแฮช.” [ระบบออนไลน์]. แหล่งที่มา [www.cp.eng.chula.ac.th/~vishnu/datastructure/aj.vishnu%20-%20hashing](http://www.cp.eng.chula.ac.th/~vishnu/datastructure/aj.vishnu%20-%20hashing) ( 17 ธันวาคม 2560).
2. มหาวิทยาลัยราชภัฏเพชรบูรณ์ สาขาเทคโนโลยีคอมพิวเตอร์อุตสาหกรรม คณะเทคโนโลยีการเกษตร. “การค้นหาค่าข้อมูลแบบแฮชซิง ( Hashing Search ).” [ระบบออนไลน์] .แหล่งที่มา <http://agritech.pcru.ac.th/new/page/e-learningdata/9.6Hashing.php> (17 ธันวาคม 2560)