P&D e Adoção de Novas Tecnologias Aula 01

Rogério Mazali

Economia da Inovação I

04/10/2016

P&D entra no debate econômico

 Solow (R Econ Stat, 1957) mostrou que somente 10% do crescimento americano entre 1909-49 pode ser explicado por aumento da razão capital/trabalho.

- Solow (R Econ Stat, 1957) mostrou que somente 10% do crescimento americano entre 1909-49 pode ser explicado por aumento da razão capital/trabalho.
- Isso mostrou que havia algo que a teoria econômica havia ignorado até então em suas tentativas de explicar o crescimento econômico: mudanças tecnológicas.

- Solow (R Econ Stat, 1957) mostrou que somente 10% do crescimento americano entre 1909-49 pode ser explicado por aumento da razão capital/trabalho.
- Isso mostrou que havia algo que a teoria econômica havia ignorado até então em suas tentativas de explicar o crescimento econômico: mudanças tecnológicas.
 - Incentivos à criação de novos produtos e processos de produção;

- Solow (R Econ Stat, 1957) mostrou que somente 10% do crescimento americano entre 1909-49 pode ser explicado por aumento da razão capital/trabalho.
- Isso mostrou que havia algo que a teoria econômica havia ignorado até então em suas tentativas de explicar o crescimento econômico: mudanças tecnológicas.
 - Incentivos à criação de novos produtos e processos de produção;
 - Incentivos à adoção de novas tecnologias já criadas.

- Solow (R Econ Stat, 1957) mostrou que somente 10% do crescimento americano entre 1909-49 pode ser explicado por aumento da razão capital/trabalho.
- Isso mostrou que havia algo que a teoria econômica havia ignorado até então em suas tentativas de explicar o crescimento econômico: mudanças tecnológicas.
 - Incentivos à criação de novos produtos e processos de produção;
 - Incentivos à adoção de novas tecnologias já criadas.
- Neste capítulo, iremos abordar as principais questões estudadas até o momento sobre esses tópicos.

Tipos de Inovação

• É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;
 - pesquisa aplicada: normalmente associada a engenharia; aplicações do conhecimento básico com objetivo de desenvolver uma tecnologia que seja utilizável em um contexto prático;

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;
 - pesquisa aplicada: normalmente associada a engenharia; aplicações do conhecimento básico com objetivo de desenvolver uma tecnologia que seja utilizável em um contexto prático;
 - desenvolvimento: criação de novos produtos e processos; visa trazer as inovações desenvolvidas em estágios anteriores para uso comercial e prático.

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;
 - pesquisa aplicada: normalmente associada a engenharia; aplicações do conhecimento básico com objetivo de desenvolver uma tecnologia que seja utilizável em um contexto prático;
 - desenvolvimento: criação de novos produtos e processos; visa trazer as inovações desenvolvidas em estágios anteriores para uso comercial e prático.
- Quanto ao uso, uma inovação pode ser:

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;
 - pesquisa aplicada: normalmente associada a engenharia; aplicações do conhecimento básico com objetivo de desenvolver uma tecnologia que seja utilizável em um contexto prático;
 - desenvolvimento: criação de novos produtos e processos; visa trazer as inovações desenvolvidas em estágios anteriores para uso comercial e prático.
- Quanto ao uso, uma inovação pode ser:
 - Inovação de produto: criação de novos produtos e serviços;

Tipos de Inovação

- É tradicional dividir inovações em categorias quanto ao estágio do seu desenvolvimento e quanto ao seu uso.
- Quanto ao estágio do seu desenvolvimento, uma inovação pode ser:
 - **pesquisa básica:** feita em universidades e agências de pesquisa; pesquisa destinada a adquirir conhecimento fundamental;
 - pesquisa aplicada: normalmente associada a engenharia; aplicações do conhecimento básico com objetivo de desenvolver uma tecnologia que seja utilizável em um contexto prático;
 - desenvolvimento: criação de novos produtos e processos; visa trazer as inovações desenvolvidas em estágios anteriores para uso comercial e prático.
- Quanto ao uso, uma inovação pode ser:
 - Inovação de produto: criação de novos produtos e serviços;
 - Inovação de processo: criação de novos processos de produção que reduzem o custo de produção de bens preexistentes.

04/10/2016

Primeiros trabalhos: Schumpeter (1913 e 1943)

• Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:
 - Existem retornos crescentes de escala em P&D;

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:
 - Existem retornos crescentes de escala em P&D;
 - Esse fato explicaria porque boa parte dos investimentos em P&D são feitos em grandes corporações.

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:
 - Existem retornos crescentes de escala em P&D;
 - Esse fato explicaria porque boa parte dos investimentos em P&D são feitos em grandes corporações.
- Embora seminais, os trabalhos de Schumpeter deixaram várias perguntas sem resposta:

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:
 - Existem retornos crescentes de escala em P&D;
 - Esse fato explicaria porque boa parte dos investimentos em P&D são feitos em grandes corporações.
- Embora seminais, os trabalhos de Schumpeter deixaram várias perguntas sem resposta:
 - O que motiva em primeiro lugar uma empresa a se dedicar a P&D?

- Schumpeter (1913) foi o primeiro a tentar entender o que motiva o processo de inovações => teoria da destruição criativa.
 - Pequenas firmas às margens da sociedade criam inovações que tornam tecnologias vigentes obsoletas.
 - Essas pequenas firmas tomam o lugar das firmas estabelecidas e viram o alvo da próxima revolução tecnológica.
- Schumpeter (1943) viria mais tarde corrigir sua teoria:
 - Existem retornos crescentes de escala em P&D;
 - Esse fato explicaria porque boa parte dos investimentos em P&D são feitos em grandes corporações.
- Embora seminais, os trabalhos de Schumpeter deixaram várias perguntas sem resposta:
 - O que motiva em primeiro lugar uma empresa a se dedicar a P&D?
 - Por que monopólios com grandes barreiras à entrada ainda se dedicam a P&D?

Literatura sobre P&D

 Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.

Literatura sobre P&D

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:

Literatura sobre P&D

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado
 - Corridas de Patentes

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado
 - Corridas de Patentes
 - Análise de Bem-Estar da Concessão de Patentes

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado
 - Corridas de Patentes
 - Análise de Bem-Estar da Concessão de Patentes
 - Mecanismos Alternativos de Incentivos a P&D

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado
 - Corridas de Patentes
 - Análise de Bem-Estar da Concessão de Patentes
 - Mecanismos Alternativos de Incentivos a P&D
 - Adoção Estratégica de Novas Tecnologias

- Desde então, inúmeros pesquisadores se dedicaram a estudar como P&D está relacionado à estrutura de um mercado.
- Em termos gerais, podemos enunciar seis linhas de pesquisa nessa área:
 - Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado
 - Corridas de Patentes
 - Análise de Bem-Estar da Concessão de Patentes
 - Mecanismos Alternativos de Incentivos a P&D
 - Adoção Estratégica de Novas Tecnologias
 - Externalidades de Rede, Padronização e Compatibilidade

 Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:
 - Qual o incentivo que uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos) tem em se dedicar a P&D?

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:
 - Qual o incentivo que uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos) tem em se dedicar a P&D?
 - Posteriormente essa hipótese é relaxada para se comparar essa situação com uma em que há competição duopolística entre firmas inovadoras.

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:
 - Qual o incentivo que uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos) tem em se dedicar a P&D?
 - Posteriormente essa hipótese é relaxada para se comparar essa situação com uma em que há competição duopolística entre firmas inovadoras.
- Suponha que um monopolista possa investir para criar uma inovação de processo.

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:
 - Qual o incentivo que uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos) tem em se dedicar a P&D?
 - Posteriormente essa hipótese é relaxada para se comparar essa situação com uma em que há competição duopolística entre firmas inovadoras.
- Suponha que um monopolista possa investir para criar uma inovação de processo.
- Essa inovação irá reduzir o custo marginal de \overline{c} para \underline{c} , onde $\underline{c} < \overline{c}$.

- Arrow (Princeton U. Press, 1962) fo o primeiro a estudar P&D com um modelo formal.
- Ele se dispôs a estudar a seguinte questão:
 - Qual o incentivo que uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos) tem em se dedicar a P&D?
 - Posteriormente essa hipótese é relaxada para se comparar essa situação com uma em que há competição duopolística entre firmas inovadoras.
- Suponha que um monopolista possa investir para criar uma inovação de processo.
- Essa inovação irá reduzir o custo marginal de \overline{c} para \underline{c} , onde $\underline{c} < \overline{c}$.
- Suponha que a inovação estaria protegida por uma patente de duração ilimitada.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Planejador Social

• O ganho social de uma inovação será dado por:

$$v^s = \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc$$

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Planejador Social

• O ganho social de uma inovação será dado por:

$$v^s = \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc$$

 Se a patente dura para sempre, o valor da inovação, uma vez obtida, também durará.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Planejador Social

• O ganho social de uma inovação será dado por:

$$v^s = \int\limits_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc$$

- Se a patente dura para sempre, o valor da inovação, uma vez obtida, também durará.
- Assim, o valor presente dos ganhos da inovação será:

$$V^{s} = \int\limits_{0}^{\infty} \mathrm{e}^{-rt} v^{s} dt = \frac{v^{s}}{r} = \frac{1}{r} \int\limits_{c}^{\overline{c}} D(c) dc$$

 Suponha agora uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos).

- Suponha agora uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos).
- Seja Π^m o lucro da empresa em um instante de tempo.

- Suponha agora uma firma monopolista (em P&D e no mercado de produtos).
- Seja Π^m o lucro da empresa em um instante de tempo.
- Pelo Teorema da Envoltória (Envelope Theorem):

$$\frac{d\Pi^{m}}{dc} = \frac{d}{dc} [(p-c) D(p)]$$

$$= \frac{\partial \Pi^{m}}{\partial c} + \frac{\partial \Pi^{m}}{\partial p} \frac{\partial p}{\partial c}$$

$$= \frac{\partial \Pi^{m}}{\partial c}$$

$$= -D(p^{m}(c))$$

• O valor de uma inovação para o monopolista será então dado por:

$$V^{m} = \int_{0}^{\infty} e^{-rt} \left[\Pi^{m}(\underline{c}) - \Pi^{m}(\overline{c}) \right] dt$$

$$= \frac{1}{r} \left[\Pi^{m}(\underline{c}) - \Pi^{m}(\overline{c}) \right]$$

$$= \frac{1}{r} \left[\int_{\underline{c}}^{\overline{c}} \left(-\frac{\partial \Pi^{m}}{\partial c} \right) dc \right]$$

$$= \frac{1}{r} \int_{0}^{\overline{c}} D(p^{m}(c)) dc$$

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado

• Regra de precificação de monopólio:

O Valor da Inovação: Monopólio

$$\frac{p^m-c}{p^m}=\frac{1}{\epsilon}$$

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado

• Regra de precificação de monopólio:

$$\frac{p^m-c}{p^m}=\frac{1}{\varepsilon}$$

Portanto:

O Valor da Inovação: Monopólio

$$p^m = c \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right)^{-1}$$

Regra de precificação de monopólio:

$$\frac{p^m-c}{p^m}=\frac{1}{\varepsilon}$$

Portanto:

$$p^m = c \left(1 - \frac{1}{\varepsilon}\right)^{-1}$$

• Temos que $dp^m/dc < 1$ se e somente se $\varepsilon < 0$. Como isso sempre para qualquer bem normal, temos que:

$$V^m = rac{1}{r} \int\limits_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(p^m(c)) dc < rac{1}{r} \int\limits_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc = V^s$$

Regra de precificação de monopólio:

$$\frac{p^m-c}{p^m}=\frac{1}{\varepsilon}$$

Portanto:

$$p^m = c \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right)^{-1}$$

• Temos que $dp^m/dc < 1$ se e somente se $\varepsilon < 0$. Como isso sempre para qualquer bem normal, temos que:

$$V^m = rac{1}{r} \int\limits_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(p^m(c)) dc < rac{1}{r} \int\limits_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc = V^s$$

 Portanto, o incentivo para um monopolista inovar é menor do que seria socialmente ótimo.

Regra de precificação de monopólio:

$$\frac{p^m-c}{p^m}=\frac{1}{\varepsilon}$$

Portanto:

$$p^m = c \left(1 - \frac{1}{\varepsilon}\right)^{-1}$$

• Temos que $dp^m/dc < 1$ se e somente se $\varepsilon < 0$. Como isso sempre para qualquer bem normal, temos que:

$$V^m = rac{1}{r}\int\limits_c^{\overline{c}} D(p^m(c))dc < rac{1}{r}\int\limits_c^{\overline{c}} D(c)dc = V^s$$

- Portanto, o incentivo para um monopolista inovar é menor do que seria socialmente ótimo.
- Assim, teremos sub-investimento em inovações.

Considere agora um mercado competitivo.

- Considere agora um mercado competitivo.
- Um grande número de firmas produz um bem homogêneo a um custo marginal \overline{c} .

- Considere agora um mercado competitivo.
- Um grande número de firmas produz um bem homogêneo a um custo marginal \overline{c} .
- Firmas estão envolvidas em competição de Bertrand.

- Considere agora um mercado competitivo.
- Um grande número de firmas produz um bem homogêneo a um custo marginal \overline{c} .
- Firmas estão envolvidas em competição de Bertrand.
- Portanto, temos, inicialmente, $p = \overline{c}$.

- Considere agora um mercado competitivo.
- Um grande número de firmas produz um bem homogêneo a um custo marginal \overline{c} .
- Firmas estão envolvidas em competição de Bertrand.
- Portanto, temos, inicialmente, $p = \overline{c}$.
- Suponha que a firma que obtiver uma inovação ganha uma patente de duração infinita.

- Considere agora um mercado competitivo.
- Um grande número de firmas produz um bem homogêneo a um custo marginal \overline{c} .
- Firmas estão envolvidas em competição de Bertrand.
- Portanto, temos, inicialmente, $p = \overline{c}$.
- Suponha que a firma que obtiver uma inovação ganha uma patente de duração infinita.
- A inovação reduz o custo marginal da firma que a descobrir para $\underline{c} < \overline{c}$.

• Seja $p^m(c)$ o preço de monopólio.

- Seja $p^m(c)$ o preço de monopólio.
- Temos duas possibilidades:

- Seja $p^m(c)$ o preço de monopólio.
- Temos duas possibilidades:
 - $p^m(\underline{c}) \leq \overline{c}$ (Inovação Drástica): Neste caso a empresa inovadora fixa $p = p^m(\underline{c})$ e rouba todo o mercado para si; todas as outras empresas vão à falência. Voltamos assim ao caso de monopólio analisado na subseção anterior.

- Seja $p^m(c)$ o preço de monopólio.
- Temos duas possibilidades:
 - $p^m(\underline{c}) \leq \overline{c}$ (Inovação Drástica): Neste caso a empresa inovadora fixa $p = p^m(\underline{c})$ e rouba todo o mercado para si; todas as outras empresas vão à falência. Voltamos assim ao caso de monopólio analisado na subseção anterior.
 - $p^m(\underline{c}) > \overline{c}$ (Inovação Não-Drástica): Neste caso a empresa inovadora fixa $p = \overline{c}$, coexiste com as outras firmas que produzem a um risco maior e ganha lucros de

$$\Pi^{c} = (\overline{c} - \underline{c}) D(\overline{c})$$

todo período. Portanto:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c})$$

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 990

• Considere o caso $p^m(\underline{c}) > \overline{c}$. Temos:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c})$$

• Considere o caso $p^m(\underline{c}) > \overline{c}$. Temos:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c})$$

• Neste caso, como temos $\overline{c} < p^m(\underline{c}) < p^m(c)$. Como $D(\cdot)$ é decrescente, $D(p^m(c)) > D(\overline{c})$ para todo $c \in (\underline{c}, \overline{c})$. Portanto, vale:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c}) = \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(\overline{c}) dc > \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(p^{m}(c)) dc = V^{m}$$

• Considere o caso $p^m(\underline{c}) > \overline{c}$. Temos:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c})$$

• Neste caso, como temos $\overline{c} < p^m(\underline{c}) < p^m(c)$. Como $D(\cdot)$ é decrescente, $D(p^m(c)) > D(\overline{c})$ para todo $c \in (\underline{c}, \overline{c})$. Portanto, vale:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c}) = \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(\overline{c}) dc > \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(p^{m}(c)) dc = V^{m}$$

• Da mesma forma, temos:

$$V^{c} = \frac{1}{r} \left(\overline{c} - \underline{c} \right) D(\overline{c}) = \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(\overline{c}) dc < \frac{1}{r} \int_{\underline{c}}^{\overline{c}} D(c) dc = V^{s}$$

• Portanto, temos:

$$V^m < V^c < V^s$$

Portanto, temos:

$$V^m < V^c < V^s$$

• Em um mercado competitivo, ainda há subinvestimento em inovação.

• Portanto, temos:

$$V^m < V^c < V^s$$

- Em um mercado competitivo, ainda há subinvestimento em inovação.
- No entanto, o subinvestimento é menor do que no caso de monopólio.

• Portanto, temos:

$$V^m < V^c < V^s$$

- Em um mercado competitivo, ainda há subinvestimento em inovação.
- No entanto, o subinvestimento é menor do que no caso de monopólio.
- Portanto, temos mais uma razão para combater monopólios: eles desaceleram o progresso técnico.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Monopólios Ameaçados por Entradas

• Considere agora duas firmas no mercado de produto.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Monopólios Ameaçados por Entradas

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Monopólios Ameacados por Entradas

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .
- Firma 2: Potencial "entrante". Possui custo marginal infinito.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Monopólios Ameacados por Entradas

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .
- Firma 2: Potencial "entrante". Possui custo marginal infinito.
- Todo o mercado é ocupado pela firma 1.

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado O Valor da Inovação: Monopólios Ameacados por Entradas

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .
- Firma 2: Potencial "entrante". Possui custo marginal infinito.
- Todo o mercado é ocupado pela firma 1.
- Se Firma 1 é a única que pode inovar => voltamos ao caso Monopólio.

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .
- Firma 2: Potencial "entrante". Possui custo marginal infinito.
- Todo o mercado é ocupado pela firma 1.
- Se Firma 1 é a única que pode inovar => voltamos ao caso Monopólio.
- Se Firma 2 é a única que pode inovar => voltamos ao caso competição.

- Considere agora duas firmas no mercado de produto.
- Firma 1: monopolista que produz a um custo unitário (marginal) \overline{c} .
- Firma 2: Potencial "entrante". Possui custo marginal infinito.
- Todo o mercado é ocupado pela firma 1.
- Se Firma 1 é a única que pode inovar => voltamos ao caso Monopólio.
- Se Firma 2 é a única que pode inovar => voltamos ao caso competição.
- Como $V^c > V^m$, teríamos que inovação deveria ser mais valiosa para a firma 2.

• Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.
- Firmas também precisam levar em conta o componente estratégico:

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.
- Firmas também precisam levar em conta o componente estratégico:
 - O que ocorrerá caso eu não obtenha a inovação mas meu competidor obtenha?

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.
- Firmas também precisam levar em conta o componente estratégico:
 - O que ocorrerá caso eu não obtenha a inovação mas meu competidor obtenha?
- Seja $\Pi^m(\overline{c})$ o lucro corrente do monopolista.

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.
- Firmas também precisam levar em conta o componente estratégico:
 - O que ocorrerá caso eu não obtenha a inovação mas meu competidor obtenha?
- Seja $\Pi^m(\overline{c})$ o lucro corrente do monopolista.
- Sejam $\Pi^d(\underline{c}, \overline{c})$ e $\Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$ os lucros por instante do entrante e do monopolista se o entrante descobrir e adotar a nova tecnologia.

- Considere agora que nenhuma das duas firmas possui monopólio sobre a possibilidade de inovar.
- Agora, o valor de uma inovação não é apenas o ganho que a firma obtêm ao adotá-la.
- Firmas também precisam levar em conta o componente estratégico:
 - O que ocorrerá caso eu não obtenha a inovação mas meu competidor obtenha?
- Seja $\Pi^m(\overline{c})$ o lucro corrente do monopolista.
- Sejam $\Pi^d(\underline{c}, \overline{c})$ e $\Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$ os lucros por instante do entrante e do monopolista se o entrante descobrir e adotar a nova tecnologia.
- Teremos:

$$V^{c} = \frac{\Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c})}{r}$$

$$V^{m} = \frac{\Pi^{m}(\underline{c}) - \Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})}{r}$$

• Suponha que o lucro de monopólio seja maior do que a soma dos lucros em competição de duopólio, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

 Suponha que o lucro de monopólio seja maior do que a soma dos lucros em competição de duopólio, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \geq \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

• Esta propriedade é chamada de **efeito eficiência**.

 Suponha que o lucro de monopólio seja maior do que a soma dos lucros em competição de duopólio, isto é:

$$\Pi^{m}(\underline{c}) \geq \Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})$$

- Esta propriedade é chamada de **efeito eficiência**.
- Note que o efeito eficiência não implica que o monopolista está sempre melhor.

 Suponha que o lucro de monopólio seja maior do que a soma dos lucros em competição de duopólio, isto é:

$$\Pi^{m}(\underline{c}) \geq \Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})$$

- Esta propriedade é chamada de efeito eficiência.
- Note que o efeito eficiência não implica que o monopolista está sempre melhor.
- Considere, por exemplo, o caso de uma inovação drástica.

• Suponha que o lucro de monopólio seja maior do que a soma dos lucros em competição de duopólio, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

- Esta propriedade é chamada de efeito eficiência.
- Note que o efeito eficiência não implica que o monopolista está sempre melhor.
- Considere, por exemplo, o caso de uma inovação drástica.
- Nesse caso, se a firma entrante é a que inova, ela tira o monopolista incumbente completamente do mercado, e teremos:

$$\Pi^{d}(\overline{c},\underline{c}) = 0$$

$$\Pi^{d}(\underline{c},\overline{c}) = \Pi^{m}(\underline{c})$$

Incentivos a P&D como Função da Estrutura de Mercado

O Valor da Inovação: Monopólios Ameaçados por Entradas

Portanto, teremos:

$$V^m \geq V^c$$
, se inovação não-drástica $V^m = V^c$, se inovação drástica

• Portanto, teremos:

$$V^m \geq V^c$$
, se inovação não-drástica $V^m = V^c$, se inovação drástica

• Segue que $V^m \ge V^c$ sempre vale.

Portanto, teremos:

$$V^m \geq V^c$$
, se inovação não-drástica $V^m = V^c$, se inovação drástica

- Segue que $V^m \ge V^c$ sempre vale.
- Portanto, o incentivo para um monopolista manter seu monopólio é maior do que o incentivo para um entrante virar duopolista.

Portanto, teremos:

$$V^m \geq V^c$$
, se inovação não-drástica $V^m = V^c$, se inovação drástica

- Segue que $V^m \ge V^c$ sempre vale.
- Portanto, o incentivo para um monopolista manter seu monopólio é maior do que o incentivo para um entrante virar duopolista.
- O monopolista irá, portanto, ter o maior incentivo para se engajar em atividades inovadoras.

 A idéia acima está de acordo com o segundo trabalho de Schumpeter (1943).

- A idéia acima está de acordo com o segundo trabalho de Schumpeter (1943).
- A razão, no entanto, é outra: o monopólio se engaja em P&D para impedir que um entrante tome seu lugar ou destrua seu poder de monopólio.

- A idéia acima está de acordo com o segundo trabalho de Schumpeter (1943).
- A razão, no entanto, é outra: o monopólio se engaja em P&D para impedir que um entrante tome seu lugar ou destrua seu poder de monopólio.
- O entrante não tem os mesmos incentivos, pois, caso entre, deve dividir o espaço com o incumbente, ou, no máximo, se conseguir uma inovação drástica, ocupar o mesmo lugar que o incumbente.

Introdução às Corridas por Patentes

 A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.
- A discussão do caso de ameaça de entrada mostra que a competição por um prêmio alto pode induzir uma firma que a princípio não teria muitos incentivos a investir em P&D a fazê-lo.

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.
- A discussão do caso de ameaça de entrada mostra que a competição por um prêmio alto pode induzir uma firma que a princípio não teria muitos incentivos a investir em P&D a fazê-lo.
- Essa competição muitas vezes leva a uma "corrida por patentes".

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.
- A discussão do caso de ameaça de entrada mostra que a competição por um prêmio alto pode induzir uma firma que a princípio não teria muitos incentivos a investir em P&D a fazê-lo.
- Essa competição muitas vezes leva a uma "corrida por patentes".
- Isto ocorre porque uma patente pode ser interpretada como um troféu, uma renda.

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.
- A discussão do caso de ameaça de entrada mostra que a competição por um prêmio alto pode induzir uma firma que a princípio não teria muitos incentivos a investir em P&D a fazê-lo.
- Essa competição muitas vezes leva a uma "corrida por patentes".
- Isto ocorre porque uma patente pode ser interpretada como um troféu, uma renda.
- Toda vez que uma agência regulatória cria uma renda, haverá uma competição por ela.

- A discussão da seção anterior mostrou situações nas quais uma firma possui monopólio sobre P&D.
- Isso normalmente não é o caso.
- A discussão do caso de ameaça de entrada mostra que a competição por um prêmio alto pode induzir uma firma que a princípio não teria muitos incentivos a investir em P&D a fazê-lo.
- Essa competição muitas vezes leva a uma "corrida por patentes".
- Isto ocorre porque uma patente pode ser interpretada como um troféu, uma renda.
- Toda vez que uma agência regulatória cria uma renda, haverá uma competição por ela.
- A renda criada tende a ser parcialmente dissipada pelos custos adicionais incorridos na tentativa de obtê-la.

Corrida por Patentes Um Modelo

 A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).

Corrida por Patentes Um Modelo

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:
 - P&D é a busca por uma descoberta;

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:
 - P&D é a busca por uma descoberta;
 - Se você não conseguiu a descoberta até agora, a prob. de alcançar a descoberta hoje é igual à de quando você começou;

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:
 - P&D é a busca por uma descoberta;
 - Se você não conseguiu a descoberta até agora, a prob. de alcançar a descoberta hoje é igual à de quando você começou;
 - Experiência não torna a descoberta mais provável, apenas o investimento corrente e P&D importa.

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:
 - P&D é a busca por uma descoberta;
 - Se você não conseguiu a descoberta até agora, a prob. de alcançar a descoberta hoje é igual à de quando você começou;
 - Experiência não torna a descoberta mais provável, apenas o investimento corrente e P&D importa.
- Essas hipóteses são satisfeitas se supusermos que P&D seguem um processo de Poisson cujo parâmetro λ seja função do nível de investimentos em P&D.

- A discussão que segue é baseada em Dasgupta e Stiglitz (Bell JE, 1980), Lee e Wilde (QJE, 1980), Loury (QJE, 1979) e Reinganum (NW Ph.D Thesis 1979, Econometrica 1982).
- Suponha que a pesquisa em P&D seja sem memória:
 - P&D é a busca por uma descoberta;
 - Se você não conseguiu a descoberta até agora, a prob. de alcançar a descoberta hoje é igual à de quando você começou;
 - Experiência não torna a descoberta mais provável, apenas o investimento corrente e P&D importa.
- Essas hipóteses são satisfeitas se supusermos que P&D seguem um processo de Poisson cujo parâmetro λ seja função do nível de investimentos em P&D.
- Este modelo pode ser usado para se estudar a persistência de monopólios.

Corrida por Patentes Um Modelo

• Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).
- Suponha que valha o efeito eficiência, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

Um Modelo

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).
- Suponha que valha o efeito eficiência, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

• Se a firma i gastar x_i em P&D entre t e t+dt, a probabilidade de fazer uma descoberta é de $h(x_i)$.

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).
- Suponha que valha o efeito eficiência, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

- Se a firma i gastar x_i em P&D entre t e t+dt, a probabilidade de fazer uma descoberta é de $h(x_i)$.
- $h(\cdot)$ é uma função crescente e côncava, com $\lim_{x_i \to 0} h'(x_i) = +\infty$.

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).
- Suponha que valha o efeito eficiência, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

- Se a firma i gastar x_i em P&D entre t e t+dt, a probabilidade de fazer uma descoberta é de $h(x_i)$.
- $h(\cdot)$ é uma função crescente e côncava, com $\lim_{x_i \to 0} h'(x_i) = +\infty$.
- Competição entre as duas firmas é caracterizada por trajetórias de investimento em P&D $x_1(t)$ e $x_2(t)$.

- Suponha, como antes, que exista um monopolista produzindo a um custo marginal \overline{c} .
- Suponha também que uma inovação de processo pode reduzir esse custo para $\underline{c} < \overline{c}$.
- Mais uma vez, temos um monopolista incumbente (firma 1) e um potencial entrante (firma 2).
- Suponha que valha o efeito eficiência, isto é:

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

- Se a firma i gastar x_i em P&D entre t e t+dt, a probabilidade de fazer uma descoberta é de $h(x_i)$.
- $h(\cdot)$ é uma função crescente e côncava, com $\lim_{x_i \to 0} h'(x_i) = +\infty$.
- Competição entre as duas firmas é caracterizada por trajetórias de investimento em P&D $x_1(t)$ e $x_2(t)$.
- Se uma firma consegue a inovação, obtêm uma patente perpétua.

ullet Seja au a data da descoberta da inovação.

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em *t* nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\mathsf{Pr}\left\{\tau>t\right\}=\mathsf{e}^{-[\mathit{h}(x_1)+\mathit{h}(x_2)]\mathit{t}}$$

Um Modelo

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em *t* nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\Pr\left\{ au > t
ight\} = \mathrm{e}^{-[h(x_1) + h(x_2)]t}$$

$$[\Pi^m(\overline{c}) - x_1] dt$$

Um Modelo

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em t nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\Pr\left\{ au > t
ight\} = \mathrm{e}^{-[h(x_1) + h(x_2)]t}$$

 Condicional a n\u00e3o ter tido inova\u00e7\u00e3o at\u00e9 t, o lucro da firma 1 (monopolista) entre t e dt ser\u00e1:

$$\left[\Pi^m(\overline{c})-x_1\right]dt$$

• Com prob. $h(x_1)$, a firma 1 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.

Um Modelo

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em t nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\Pr\left\{ au > t
ight\} = e^{-[h(x_1) + h(x_2)]t}$$

$$\left[\Pi^m(\overline{c})-x_1\right]dt$$

- Com prob. $h(x_1)$, a firma 1 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.
- A partir daí, a firma 1 obterá lucro $\Pi^m(\underline{c})$, que dará VP $\Pi^m(\underline{c})/r$.

Um Modelo

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em t nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\Pr\left\{\tau > t\right\} = e^{-[h(x_1) + h(x_2)]t}$$

$$\left[\Pi^m(\overline{c})-x_1\right]dt$$

- Com prob. $h(x_1)$, a firma 1 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.
- A partir daí, a firma 1 obterá lucro $\Pi^m(\underline{c})$, que dará VP $\Pi^m(\underline{c})/r$.
- Com prob. $h(x_2)$, a firma 2 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.

Um Modelo

- ullet Seja au a data da descoberta da inovação.
- Processo de Poisson: probabilidade de que em t nenhuma das firmas tenha feito a descoberta:

$$\Pr\left\{\tau > t\right\} = e^{-[h(x_1) + h(x_2)]t}$$

$$[\Pi^m(\overline{c}) - x_1] dt$$

- Com prob. $h(x_1)$, a firma 1 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.
- \bullet A partir daí, a firma 1 obterá lucro $\Pi^m(\underline{c})$, que dará VP $\Pi^m(\underline{c})/r$.
- Com prob. $h(x_2)$, a firma 2 é a primeira a conseguir a inovação e obtêm a patente.
- A partir daí, a firma 1 obterá lucro $\Pi^d(\overline{c},\underline{c})$, que dará VP $\Pi^d(\overline{c},\underline{c})/r$.

Um Modelo

Assim, podemos escrever:

$$V_{1}(x_{1}, x_{2}) = \int_{0}^{+\infty} e^{-rt} e^{-[h(x_{1}) + h(x_{2})]t} \times \\ \times \left[\Pi^{m}(\overline{c}) - x_{1} + h(x_{1}) \frac{\Pi^{m}(\underline{c})}{r} + h(x_{2}) \frac{\Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})}{r} \right] dt \\ = \frac{\Pi^{m}(\overline{c}) - x_{1} + h(x_{1}) \left[\Pi^{m}(\underline{c}) / r \right] + h(x_{2}) \left[\Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c}) / r \right]}{r + h(x_{1}) + h(x_{2})}$$

Um Modelo

Assim, podemos escrever:

$$V_{1}(x_{1}, x_{2}) = \int_{0}^{+\infty} e^{-rt} e^{-[h(x_{1}) + h(x_{2})]t} \times \\ \times \left[\Pi^{m}(\overline{c}) - x_{1} + h(x_{1}) \frac{\Pi^{m}(\underline{c})}{r} + h(x_{2}) \frac{\Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})}{r} \right] dt \\ = \frac{\Pi^{m}(\overline{c}) - x_{1} + h(x_{1}) \left[\Pi^{m}(\underline{c}) / r \right] + h(x_{2}) \left[\Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c}) / r \right]}{r + h(x_{1}) + h(x_{2})}$$

Da mesma forma:

$$V_{2}(x_{1}, x_{2}) = \int_{0}^{+\infty} e^{-rt} e^{-[h(x_{1}) + h(x_{2})]t} \left[h(x_{2}) \frac{\Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c})}{r} - x_{2} \right] dt$$
$$= \frac{h(x_{2}) \left[\Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c}) / r \right] - x_{2}}{r + h(x_{1}) + h(x_{2})}$$

• Equilíbrio de Nash: firma i maximiza V_i encontrando solução x_i^* dado que a firma j joga x_i^* .

• Equilíbrio de Nash: firma i maximiza V_i encontrando solução x_i^* dado que a firma j joga x_i^* .

Qual firma investe mais em P&D? Depende de dois efeitos:

Um Modelo

- Equilíbrio de Nash: firma i maximiza V_i encontrando solução x_i^* dado que a firma j joga x_i^* .
- Qual firma investe mais em P&D? Depende de dois efeitos:
 - Efeito Eficiência: como supomos

$$\Pi^{m}(\underline{c}) \geq \Pi^{d}(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^{d}(\overline{c}, \underline{c})$$

haveria um incentivo maior para que a firma 1 investisse mais em P&D. Esse ganho viria de evitar que sua posição vantajosa fosse ameaçada pela entrada da firma 2 no mercado.

Um Modelo

- Equilíbrio de Nash: firma i maximiza V_i encontrando solução x_i^* dado que a firma j joga x_i^* .
- Qual firma investe mais em P&D? Depende de dois efeitos:
 - Efeito Eficiência: como supomos

$$\Pi^m(\underline{c}) \ge \Pi^d(\underline{c}, \overline{c}) + \Pi^d(\overline{c}, \underline{c})$$

haveria um incentivo maior para que a firma 1 investisse mais em P&D. Esse ganho viria de evitar que sua posição vantajosa fosse ameaçada pela entrada da firma 2 no mercado.

• **Efeito Substituição:** suposição de que a produtividade do investimento em P&D decresce com o lucro inicial, isto é:

$$\frac{\partial}{\partial \left[\Pi^m(\overline{c})\right]} \left[\frac{\partial V_1}{\partial x_1} \right] < 0$$

• Considere o caso de uma inovação drástica.

- Considere o caso de uma inovação drástica.
- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.

- Considere o caso de uma inovação drástica.
- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.
- Não há dissipação da renda gerada pela patente => não há efeito eficiência.

- Considere o caso de uma inovação drástica.
- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.
- Não há dissipação da renda gerada pela patente => não há efeito eficiência.
- Portanto, o efeito substituição deve dominar.

- Considere o caso de uma inovação drástica.
- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.
- Não há dissipação da renda gerada pela patente => não há efeito eficiência.
- Portanto, o efeito substituição deve dominar.
- Assim, teremos $x_1^* < x_2^*$.

Um Modelo

Considere o caso de uma inovação drástica.

- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.
- Não há dissipação da renda gerada pela patente => não há efeito eficiência.
- Portanto, o efeito substituição deve dominar.
- Assim, teremos $x_1^* < x_2^*$.
- Portanto, a firma entrante tem maior incentivo a investir em P&D.

- Considere o caso de uma inovação drástica.
- A firma entrante se torna a nova monopolista e substitui o monopolista incumbente.
- Não há dissipação da renda gerada pela patente => não há efeito eficiência.
- Portanto, o efeito substituição deve dominar.
- Assim, teremos $x_1^* < x_2^*$.
- Portanto, a firma entrante tem maior incentivo a investir em P&D.
- Incentivo vem dos ganhos que obterá se "destronar" a firma incumbente.

• Considere o caso de uma inovação não-drástica.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.
- Para isso, irá reagir investindo mais em P&D, o que induzirá resposta semelhante na firma 2.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.
- Para isso, irá reagir investindo mais em P&D, o que induzirá resposta semelhante na firma 2.
- Como parte dos ganhos que a firma 2 obtem se dissipam caso ela consiga a inovação, ela não tem o mesmo incentivo para aumentar o investimento em P&D.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.
- Para isso, irá reagir investindo mais em P&D, o que induzirá resposta semelhante na firma 2.
- Como parte dos ganhos que a firma 2 obtem se dissipam caso ela consiga a inovação, ela não tem o mesmo incentivo para aumentar o investimento em P&D.
- Segue que, neste caso, temos $x_1^* > x_2^*$.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.
- Para isso, irá reagir investindo mais em P&D, o que induzirá resposta semelhante na firma 2.
- Como parte dos ganhos que a firma 2 obtem se dissipam caso ela consiga a inovação, ela não tem o mesmo incentivo para aumentar o investimento em P&D.
- Segue que, neste caso, temos $x_1^* > x_2^*$.
- Neste caso, o efeito eficiência deve dominar.

- Considere o caso de uma inovação não-drástica.
- Para eliminar o efeito substituição, a firma 1 precisa reduzir a probabilidade de firma 2 conseguir a inovação.
- Para isso, irá reagir investindo mais em P&D, o que induzirá resposta semelhante na firma 2.
- Como parte dos ganhos que a firma 2 obtem se dissipam caso ela consiga a inovação, ela não tem o mesmo incentivo para aumentar o investimento em P&D.
- Segue que, neste caso, temos $x_1^* > x_2^*$.
- Neste caso, o efeito eficiência deve dominar.
- Segue que, neste caso, monopólios tenderão a se perpetuar.

Extensões: Escolha de Tecnologias

 O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.

Extensões: Escolha de Tecnologias

- O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.
- Considere que podemos investir em duas tecnologias com o mesmo tempo esperado até a descoberta, mas com variância diferente.

- O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.
- Considere que podemos investir em duas tecnologias com o mesmo tempo esperado até a descoberta, mas com variância diferente.
- Qual será o projeto escolhido? Investir na tecnologia "mais arriscada"
 ou "menos arriscada"?

- O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.
- Considere que podemos investir em duas tecnologias com o mesmo tempo esperado até a descoberta, mas com variância diferente.
- Qual será o projeto escolhido? Investir na tecnologia "mais arriscada"
 ou "menos arriscada"?
- Como o vencedor (quem descobre primeiro) leva todo o prêmio, a mais arriscada será a escolhida.

- O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.
- Considere que podemos investir em duas tecnologias com o mesmo tempo esperado até a descoberta, mas com variância diferente.
- Qual será o projeto escolhido? Investir na tecnologia "mais arriscada"
 ou "menos arriscada"?
- Como o vencedor (quem descobre primeiro) leva todo o prêmio, a mais arriscada será a escolhida.
- Isto ocorre pelo formato "valor de opção" dos payoffs do investimento em P&D.

- O modelo acima pode ser extendido para escolha de tecnologias onde investir.
- Considere que podemos investir em duas tecnologias com o mesmo tempo esperado até a descoberta, mas com variância diferente.
- Qual será o projeto escolhido? Investir na tecnologia "mais arriscada"
 ou "menos arriscada"?
- Como o vencedor (quem descobre primeiro) leva todo o prêmio, a mais arriscada será a escolhida.
- Isto ocorre pelo formato "valor de opção" dos payoffs do investimento em P&D.
- Assim, temos outra forma de ineficiência do investimento em P&D: investimento em P&D tende a ser excessivamente arriscado.

Extensões: Experiência em Corrida por Patentes

• O modelo básico supõe que o processo de P&D é sem memória.

- O modelo básico supõe que o processo de P&D é sem memória.
- Obviamente, não é isso o que observamos.

- O modelo básico supõe que o processo de P&D é sem memória.
- Obviamente, não é isso o que observamos.
- P&D n\u00e3o \u00e9 um simples "garimpo": aprende-se muito com investimentos feitos anteriormente.

- O modelo básico supõe que o processo de P&D é sem memória.
- Obviamente, não é isso o que observamos.
- P&D n\u00e3o \u00e9 um simples "garimpo": aprende-se muito com investimentos feitos anteriormente.
- Isso mudaria as conclusõoes obtidas com o modelo básico?

- O modelo básico supõe que o processo de P&D é sem memória.
- Obviamente, não é isso o que observamos.
- P&D n\u00e3o \u00e9 um simples "garimpo": aprende-se muito com investimentos feitos anteriormente.
- Isso mudaria as conclusõoes obtidas com o modelo básico?
- Podemos refazer o modelo anterior onde $h(\cdot)$ passa a ser função não do fluxo de investimentos em P&D, mas sim do estoque acumulado de conhecimento $\omega_i(t)$.

Extensões: Experiência em Corrida por Patentes

 Neste caso, os incentivos são de tornar o estoque de conhecimento necessário para ingressar no setor ser tão brutalmente alto, que qualquer entrante fica desencorajado de entrar na disputa.

- Neste caso, os incentivos são de tornar o estoque de conhecimento necessário para ingressar no setor ser tão brutalmente alto, que qualquer entrante fica desencorajado de entrar na disputa.
- Para que exista qualquer chance de o jogo não ter solução trivial, precisa-se introduzir mais ineficiências nos modelos.

- Neste caso, os incentivos são de tornar o estoque de conhecimento necessário para ingressar no setor ser tão brutalmente alto, que qualquer entrante fica desencorajado de entrar na disputa.
- Para que exista qualquer chance de o jogo não ter solução trivial, precisa-se introduzir mais ineficiências nos modelos.
- Uma delas é a de que não se pode continuamente checar os resultados e investimentos em P&D do oponente.

- Neste caso, os incentivos são de tornar o estoque de conhecimento necessário para ingressar no setor ser tão brutalmente alto, que qualquer entrante fica desencorajado de entrar na disputa.
- Para que exista qualquer chance de o jogo não ter solução trivial, precisa-se introduzir mais ineficiências nos modelos.
- Uma delas é a de que não se pode continuamente checar os resultados e investimentos em P&D do oponente.
- Existem "checkpoints" no tempo nos quais você pode descobrir o status do investimento do oponente.

- Neste caso, os incentivos são de tornar o estoque de conhecimento necessário para ingressar no setor ser tão brutalmente alto, que qualquer entrante fica desencorajado de entrar na disputa.
- Para que exista qualquer chance de o jogo não ter solução trivial, precisa-se introduzir mais ineficiências nos modelos.
- Uma delas é a de que não se pode continuamente checar os resultados e investimentos em P&D do oponente.
- Existem "checkpoints" no tempo nos quais você pode descobrir o status do investimento do oponente.
- Neste caso, pode existir oportunidade para um entrante acelerar sua pesquisa entre checkpoints e aparecer na frente no próximo checkpoint, revertendo o jogo.

Principais Questões

 Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:
 - Arrow (Princeton U. Press, 1962).

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:
 - Arrow (Princeton U. Press, 1962).
 - Nelson (JPE, 1959)

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:
 - Arrow (Princeton U. Press, 1962).
 - Nelson (JPE, 1959)
- Além disso, externalidades (spillover effects) reduzem o payoff do inovador.

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:
 - Arrow (Princeton U. Press, 1962).
 - Nelson (JPE, 1959)
- Além disso, externalidades (spillover effects) reduzem o payoff do inovador.
- Quanto maior a externalidade, maior o desincentivo à inovação.

- Vimos que pode haver sub-investimento ou super-investimento em inovações.
- Uma forma de se ajustar o investimento em P&D para o nível ótimo é limitar a duração da patente (em caso de superinvestimento).
- Alguns estudos se dedicaram a mostrar qual seria a duração ótima de uma patente.
- No entanto, vários artigos mostram que a possibilidade de imitação pode comprometer os incentivos para inovação:
 - Arrow (Princeton U. Press, 1962).
 - Nelson (JPE, 1959)
- Além disso, externalidades (spillover effects) reduzem o payoff do inovador.
- Quanto maior a externalidade, maior o desincentivo à inovação.
- Assim, recomenda-se o incentivo governamental à inovação (via subsídios, prêmios, etc.) em indústrias onde externalidades são altas.

Principais Questões

 Além do mecanismo de patentes, a literatura tem considerado mecanismos alternativos para se estimular a atividade inovadora:

- Além do mecanismo de patentes, a literatura tem considerado mecanismos alternativos para se estimular a atividade inovadora:
 - Premiação em dinheiro

- Além do mecanismo de patentes, a literatura tem considerado mecanismos alternativos para se estimular a atividade inovadora:
 - Premiação em dinheiro
 - Mecanismo Contratual

- Além do mecanismo de patentes, a literatura tem considerado mecanismos alternativos para se estimular a atividade inovadora:
 - Premiação em dinheiro
 - Mecanismo Contratual
- Literatura compara vantagens e desvantagens de cada sistema em comparação com o mecanismo de patentes.

Premiação

• Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica

- Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica
 - Exemplo: prêmios da Aviação Francesa no início do século XX para quem conseguisse voar em uma máquina sobre rodas mais pesada que o ar.

- Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica
 - Exemplo: prêmios da Aviação Francesa no início do século XX para quem conseguisse voar em uma máquina sobre rodas mais pesada que o ar.
 - Prêmio Archdeacon:3.000 francos (600 dólares) para quem voasse 25 metros;

- Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica
 - Exemplo: prêmios da Aviação Francesa no início do século XX para quem conseguisse voar em uma máquina sobre rodas mais pesada que o ar.
 - Prêmio Archdeacon:3.000 francos (600 dólares) para quem voasse 25 metros;
 - Prêmio do Aeroclube da França: 1.500 francos (300 dólares) para quem voasse 100 metros;

- Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica
 - Exemplo: prêmios da Aviação Francesa no início do século XX para quem conseguisse voar em uma máquina sobre rodas mais pesada que o ar.
 - Prêmio Archdeacon:3.000 francos (600 dólares) para quem voasse 25 metros;
 - Prêmio do Aeroclube da França: 1.500 francos (300 dólares) para quem voasse 100 metros;
 - Prêmio Deutsch-Archdeacon: 50.000 francos (10.000 dólares) para quem voasse 1.000 metros em circuito fechado.

- Premiação em Dinheiro: neste sistema paga-se um prêmio para aquele que conseguir desenvolver uma inovação específica
 - Exemplo: prêmios da Aviação Francesa no início do século XX para quem conseguisse voar em uma máquina sobre rodas mais pesada que o ar.
 - Prêmio Archdeacon:3.000 francos (600 dólares) para quem voasse 25 metros;
 - Prêmio do Aeroclube da França: 1.500 francos (300 dólares) para quem voasse 100 metros;
 - Prêmio Deutsch-Archdeacon: 50.000 francos (10.000 dólares) para quem voasse 1.000 metros em circuito fechado.
- Os prêmios estimularam Santos Dumont a se dedicar à construção de aviões (anteriormente, só havia inventado dirigíveis).

Mecanismo Contratual

 Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.

Mecanismo Contratual

- Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.
- Além disso, com prêmios, todo o investimento em P&D é enterrado.
 Para não sofrer do problema de hold-up, há incentivos para que o prêmio seja determinado ex-post.

Mecanismo Contratual

- Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.
- Além disso, com prêmios, todo o investimento em P&D é enterrado.
 Para não sofrer do problema de hold-up, há incentivos para que o prêmio seja determinado ex-post.
- Governo precisa saber o valor de uma inovação.

Formas Alternativas de se Induzir P&D

Mecanismo Contratual

- Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.
- Além disso, com prêmios, todo o investimento em P&D é enterrado.
 Para não sofrer do problema de hold-up, há incentivos para que o prêmio seja determinado ex-post.
- Governo precisa saber o valor de uma inovação.
- Mecanismo Contratual: neste sistema, contrata-se um indivíduo ou instituição para desenvolver um produto particular sob pagamento

Formas Alternativas de se Induzir P&D

Mecanismo Contratual

- Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.
- Além disso, com prêmios, todo o investimento em P&D é enterrado.
 Para não sofrer do problema de hold-up, há incentivos para que o prêmio seja determinado ex-post.
- Governo precisa saber o valor de uma inovação.
- Mecanismo Contratual: neste sistema, contrata-se um indivíduo ou instituição para desenvolver um produto particular sob pagamento
 - Exemplo: Contratos da RAF e ESA com a Rolls-Royce para construção de turbinas para aviões e foguetes.

Formas Alternativas de se Induzir P&D

Mecanismo Contratual

- Prêmios sofrem dos mesmos problemas que patentes, e podem levar ao super ou subinvestimento.
- Além disso, com prêmios, todo o investimento em P&D é enterrado.
 Para não sofrer do problema de hold-up, há incentivos para que o prêmio seja determinado ex-post.
- Governo precisa saber o valor de uma inovação.
- Mecanismo Contratual: neste sistema, contrata-se um indivíduo ou instituição para desenvolver um produto particular sob pagamento
 - Exemplo: Contratos da RAF e ESA com a Rolls-Royce para construção de turbinas para aviões e foguetes.
- Problema: assim como com premiação, o governo precisa saber o valor da inovação.

Adoção de Tecnologias

• Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.

- Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.
- Poucas inovações são adotadas instantaneamente.

- Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.
- Poucas inovações são adotadas instantaneamente.
- Mansfield (Norton Ed., 1968) estimou um modelo "curva S" para adoção de tecnologias e mostra que este modelo explica bem o padrão de difusão de tecnologias pela economia.

- Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.
- Poucas inovações são adotadas instantaneamente.
- Mansfield (Norton Ed., 1968) estimou um modelo "curva S" para adoção de tecnologias e mostra que este modelo explica bem o padrão de difusão de tecnologias pela economia.
- Kamien e Schwartz (Cambridge U. Press, 1982) comentam que a adoção de novas tecnologias tende a ser mais rápida em setores menos concentrados.

- Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.
- Poucas inovações são adotadas instantaneamente.
- Mansfield (Norton Ed., 1968) estimou um modelo "curva S" para adoção de tecnologias e mostra que este modelo explica bem o padrão de difusão de tecnologias pela economia.
- Kamien e Schwartz (Cambridge U. Press, 1982) comentam que a adoção de novas tecnologias tende a ser mais rápida em setores menos concentrados.
- Assim, o estudo preciso do processo de difusão de tecnologias se faz necessário.

- Tão importante quanto a invenção de tecnologias está as sua adoção.
- Poucas inovações são adotadas instantaneamente.
- Mansfield (Norton Ed., 1968) estimou um modelo "curva S" para adoção de tecnologias e mostra que este modelo explica bem o padrão de difusão de tecnologias pela economia.
- Kamien e Schwartz (Cambridge U. Press, 1982) comentam que a adoção de novas tecnologias tende a ser mais rápida em setores menos concentrados.
- Assim, o estudo preciso do processo de difusão de tecnologias se faz necessário.
- Vários modelos foram desenvolvidos com o objetivo de explicar esses padrões empíricos. Vamos resumir alguns nos próximos slides.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

Considere um bem homogêneo

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand
- Custo unitário inicial: \overline{c} .

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand
- Custo unitário inicial: \overline{c} .
- Portanto, temos $p = \overline{c}$.

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand
- Custo unitário inicial: \overline{c} .
- Portanto, temos $p = \overline{c}$.
- Nova tecnologia reduz custo de produção para <u>c</u>.

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand
- Custo unitário inicial: \overline{c} .
- Portanto, temos $p = \overline{c}$.
- Nova tecnologia reduz custo de produção para <u>c</u>.
- Inovação é não-drástica (não tira o competidor do mercado).

- Considere um bem homogêneo
- 2 firmas produzem o bem e competem em jogo de Bertrand
- Custo unitário inicial: \overline{c} .
- Portanto, temos $p = \overline{c}$.
- Nova tecnologia reduz custo de produção para <u>c</u>.
- Inovação é não-drástica (não tira o competidor do mercado).
- Como vimos em seção anterior, se uma empresa adota a inovação e a outra não, o valor da inovação para a firma inovadora será:

$$V = \frac{\overline{c} - \underline{c}}{r}$$



Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

• Suponha também que, para adotar a nova tecnologia, a firma precisa pagar um custo $\mathcal{C}(t)$, que cai como tempo.

- Suponha também que, para adotar a nova tecnologia, a firma precisa pagar um custo $\mathcal{C}(t)$, que cai como tempo.
- Mais precisamente, suponha C'(t) < 0, C''(t) > 0, e $\lim_{t\to 0} C(t) = +\infty$.

- Suponha também que, para adotar a nova tecnologia, a firma precisa pagar um custo C(t), que cai como tempo.
- Mais precisamente, suponha C'(t) < 0, C''(t) > 0, e $\lim_{t\to 0} C(t) = +\infty$.
- Os ganhos líquidos da firma inovadora por adotar a nova tecnologia serão dados por:

$$V - C(t)$$

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

- Suponha também que, para adotar a nova tecnologia, a firma precisa pagar um custo $\mathcal{C}(t)$, que cai como tempo.
- Mais precisamente, suponha C'(t) < 0, C''(t) > 0, e $\lim_{t\to 0} C(t) = +\infty$.
- Os ganhos líquidos da firma inovadora por adotar a nova tecnologia serão dados por:

$$V - C(t)$$

 Podemos então descrever o valor presente dos ganhos da firma inovadora em adotar a nova tecnologia por:

$$L(t) = e^{-rt} \left[V - C(t) \right]$$



Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

 Os ganhos de uma firma que adote a nova tecnologia dado que seu concorrente já adotou-a não será o mesmo.

- Os ganhos de uma firma que adote a nova tecnologia dado que seu concorrente já adotou-a não será o mesmo.
- Note que, quando a segunda firma adota a nova tecnologia, as duas firmas passam a operar com custo marginal <u>c</u>.

- Os ganhos de uma firma que adote a nova tecnologia dado que seu concorrente já adotou-a não será o mesmo.
- Note que, quando a segunda firma adota a nova tecnologia, as duas firmas passam a operar com custo marginal \underline{c} .
- Assim, como a competição é de preços, o novo preço será $p = \underline{c}$.

- Os ganhos de uma firma que adote a nova tecnologia dado que seu concorrente já adotou-a não será o mesmo.
- Note que, quando a segunda firma adota a nova tecnologia, as duas firmas passam a operar com custo marginal \underline{c} .
- Assim, como a competição é de preços, o novo preço será $p = \underline{c}$.
- Ambas as firmas passarão a ter lucro zero.

- Os ganhos de uma firma que adote a nova tecnologia dado que seu concorrente já adotou-a não será o mesmo.
- Note que, quando a segunda firma adota a nova tecnologia, as duas firmas passam a operar com custo marginal <u>c</u>.
- Assim, como a competição é de preços, o novo preço será $p = \underline{c}$.
- Ambas as firmas passarão a ter lucro zero.
- Podemos escrever o ganho da firma seguidora em adotar a nova tecnologia como:

$$F(t) = 0$$

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

• Seja t^m o valor ótimo para adoção da nova tecnologia caso ela tenha uma patente desde t=0.

- Seja t^m o valor ótimo para adoção da nova tecnologia caso ela tenha uma patente desde t=0.
- Teremos:

$$t^{m} = \arg\max_{t} e^{-rt} \left[V - C(t) \right]$$

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

- Seja t^m o valor ótimo para adoção da nova tecnologia caso ela tenha uma patente desde t=0.
- Teremos:

$$t^m = \arg\max_t e^{-rt} \left[V - C(t) \right]$$

• Condições de 1a. ordem:

$$r(V - C(t^m)) = -C'(t^m)$$

$$(\overline{c} - \underline{c}) - rC(t^m) = -C'(t^m)$$

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

 Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.
- Se V for alto o suficiente, a um momento \hat{t} a função L(t) cruza o eixo das abscissas.

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.
- Se V for alto o suficiente, a um momento \hat{t} a função L(t) cruza o eixo das abscissas.
- A partir de \hat{t} , passa a ser lucrativo para a firma líder adotar a tecnologia.

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.
- Se V for alto o suficiente, a um momento \hat{t} a função L(t) cruza o eixo das abscissas.
- A partir de \hat{t} , passa a ser lucrativo para a firma líder adotar a tecnologia.
- Se ela não adotá-la, a outra firma a adotará e será a firma líder.

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.
- Se V for alto o suficiente, a um momento \hat{t} a função L(t) cruza o eixo das abscissas.
- A partir de \hat{t} , passa a ser lucrativo para a firma líder adotar a tecnologia.
- Se ela não adotá-la, a outra firma a adotará e será a firma líder.
- Segue que em competição teremos que ambas as firmas escolherão

$$t^c = \hat{t}$$



Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

- Seja t^c o valor ótimo para adoção da nova tecnologia em caso de competição (sem a existência de patentes).
- Como $C(0) = +\infty$, temos que L(0) < 0. À medida em que o tempo passa, L(t) cresce.
- Se V for alto o suficiente, a um momento \hat{t} a função L(t) cruza o eixo das abscissas.
- A partir de \hat{t} , passa a ser lucrativo para a firma líder adotar a tecnologia.
- Se ela não adotá-la, a outra firma a adotará e será a firma líder.
- Segue que em competição teremos que ambas as firmas escolherão

$$t^c = \hat{t}$$

• Este perfil de estratégias constitui um equilíbrio perfeito em subjogos.

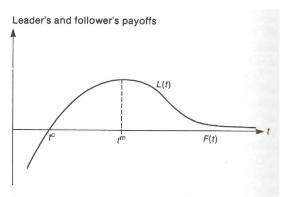


Figure 10.1 Preemption and diffusion. The leader's payoff is $L(t) = [V - C(t)]e^{-rt}$; the follower's is F(t) = 0.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

Portanto, temos:

$$t^c < t^m$$

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

Portanto, temos:

$$t^c < t^m$$

 Assim, a adoção da nova tecnologia ocorrerá antes se não existirem patentes concedendo monopólio para utilização de novas tecnologias.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

Portanto, temos:

$$t^c < t^m$$

- Assim, a adoção da nova tecnologia ocorrerá antes se não existirem patentes concedendo monopólio para utilização de novas tecnologias.
- Vimos em seções anteriores que, se não houverem patentes, firmas não desenvolverão novas tecnologias.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

 Os dois modelos, tomados juntos, sugerem que patentes devem existir, ou não haverá incentivos para inovação.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

- Os dois modelos, tomados juntos, sugerem que patentes devem existir, ou não haverá incentivos para inovação.
- No entanto, patentes perpétuas tendem a atrasar a adoção das novas tecnologias criadas.

Inovação para Deter Imitação: Esvaziamento e Difusão

- Os dois modelos, tomados juntos, sugerem que patentes devem existir, ou não haverá incentivos para inovação.
- No entanto, patentes perpétuas tendem a atrasar a adoção das novas tecnologias criadas.
- Consequentemente, precisa-se limitar a duração de uma patente, de tal forma que haja incentivos para que novas tecnologias sejam criadas, mas que o adiamento na adoção da nova tecnologia seja adiado o mínimo possível de tempo.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.
- Custo de adotar nova tecnologia: C, constante ao longo do tempo, com

$$1 < C < \frac{1+r}{r}$$

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.
- Custo de adotar nova tecnologia: C, constante ao longo do tempo, com

$$1 < C < \frac{1+r}{r}$$

Adotar a nova tecnologia rouba \$1 do lucro da outra empresa.

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.
- Custo de adotar nova tecnologia: C, constante ao longo do tempo, com

$$1 < C < \frac{1+r}{r}$$

- Adotar a nova tecnologia rouba \$1 do lucro da outra empresa.
- Se adotar nova tecnologia, a firma obtêm $\Pi+1$, enquanto sua rival obtêm $\Pi-1$.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.
- Custo de adotar nova tecnologia: C, constante ao longo do tempo, com

$$1 < C < \frac{1+r}{r}$$

- Adotar a nova tecnologia rouba \$1 do lucro da outra empresa.
- Se adotar nova tecnologia, a firma obtêm $\Pi+1$, enquanto sua rival obtêm $\Pi-1$.
- ullet Se ambas as firmas adotam a nova tecnologia, cada uma obtêm $\Pi.$

- (ロ) (個) (差) (差) (差) (2) (2) (2)

- Considere a seguinte alteração do modelo anterior: cada duopolista consegue lucro de Π por período.
- Tempo discreto.
- Custo de adotar nova tecnologia: C, constante ao longo do tempo, com

$$1 < C < \frac{1+r}{r}$$

- Adotar a nova tecnologia rouba \$1 do lucro da outra empresa.
- Se adotar nova tecnologia, a firma obtêm $\Pi+1$, enquanto sua rival obtêm $\Pi-1$.
- ullet Se ambas as firmas adotam a nova tecnologia, cada uma obtêm $\Pi.$
- Em cada período, as firmas escolhem se adotam a nova tecnologia ou não.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Existem vários equilíbrios de Nash neste jogo.

- Existem vários equilíbrios de Nash neste jogo.
- Tirole (MIT Press, 1997) se concentra em dois: o Pareto-superior e o Pareto-inferior.

- Existem vários equilíbrios de Nash neste jogo.
- Tirole (MIT Press, 1997) se concentra em dois: o Pareto-superior e o Pareto-inferior.
- Primeiro, note que a reação de cada firma será sempre imediata: se uma firma adota a nova tecnologia em t, sua competidora a adotará em t+1.

- Existem vários equilíbrios de Nash neste jogo.
- Tirole (MIT Press, 1997) se concentra em dois: o Pareto-superior e o Pareto-inferior.
- Primeiro, note que a reação de cada firma será sempre imediata: se uma firma adota a nova tecnologia em t, sua competidora a adotará em t+1.
- Dado que seu competidor adotou a nova tecnologia, se a firma seguidora adotar a nova tecnologia, obterá, a partir de t+1:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C$$

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

- Existem vários equilíbrios de Nash neste jogo.
- Tirole (MIT Press, 1997) se concentra em dois: o Pareto-superior e o Pareto-inferior.
- Primeiro, note que a reacão de cada firma será sempre imediata: se uma firma adota a nova tecnologia em t, sua competidora a adotará em t+1.
- Dado que seu competidor adotou a nova tecnologia, se a firma seguidora adotar a nova tecnologia, obterá, a partir de t+1:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C$$

Se não adotá-la, obterá:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)(\Pi-1) = \left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi - \left(\frac{1+r}{r}\right) < \left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi - C$$

dada nossa hipótese de que C < (1+r)/r.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Equilíbrio de Nash Pareto-superior:

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-superior:

 Cada firma adota a nova tecnologia apenas se sua concorrente tiver adotado a nova tecnologia em algum período anterior.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Equilíbrio de Nash Pareto-superior:

- Cada firma adota a nova tecnologia apenas se sua concorrente tiver adotado a nova tecnologia em algum período anterior.
- Cada firma obtêm payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-superior:

- Cada firma adota a nova tecnologia apenas se sua concorrente tiver adotado a nova tecnologia em algum período anterior.
- Cada firma obtêm payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

 Isto é um equilíbrio porque, se uma firma adota a nova tecnologia, só obterá lucro extra por um período, pois no período seguinte sua concorrente fará o mesmo.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-superior:

- Cada firma adota a nova tecnologia apenas se sua concorrente tiver adotado a nova tecnologia em algum período anterior.
- Cada firma obtêm payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

- Isto é um equilíbrio porque, se uma firma adota a nova tecnologia, só obterá lucro extra por um período, pois no período seguinte sua concorrente fará o mesmo.
- Assim, se uma firma adotar a nova tecnologia, obterá:

$$\Pi + 1 - C + \frac{\Pi}{r} < \Pi + \frac{\Pi}{r} = \left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

dada nossa hipótese de que C < (1+r)/r.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

 Cada firma adota a nova tecnologia no período 0, independentemente da ação da outra firma.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

- Cada firma adota a nova tecnologia no período 0, independentemente da ação da outra firma.
- Neste equilíbrio, a firma que adota a nova tecnologia tem payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C<\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

- Cada firma adota a nova tecnologia no período 0, independentemente da ação da outra firma.
- Neste equilíbrio, a firma que adota a nova tecnologia tem payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C<\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

 Portanto, o payoff de cada firma é menor do que se elas nunca adotarem a nova tecnologia.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

- Cada firma adota a nova tecnologia no período 0, independentemente da ação da outra firma.
- Neste equilíbrio, a firma que adota a nova tecnologia tem payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C<\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

- Portanto, o payoff de cada firma é menor do que se elas nunca adotarem a nova tecnologia.
- Não há dissipação de renda neste equilíbrio.

Imitação Rápida e Adoção Conjunta Retardada

• Equilíbrio de Nash Pareto-inferior:

- Cada firma adota a nova tecnologia no período 0, independentemente da ação da outra firma.
- Neste equilíbrio, a firma que adota a nova tecnologia tem payoff:

$$\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi-C<\left(\frac{1+r}{r}\right)\Pi$$

- Portanto, o payoff de cada firma é menor do que se elas nunca adotarem a nova tecnologia.
- Não há dissipação de renda neste equilíbrio.
- Firmas prefeririam se coordenar neste equilíbrio.

◄□▶ ◀圖▶ ◀불▶ ◀불▶ 불 ∽Q҈

 A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:
 - VHS x Betamax

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:
 - VHS x Betamax
 - Mac x PC

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:
 - VHS x Betamax
 - Mac x PC
 - Xbox x Playstation

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:
 - VHS x Betamax
 - Mac x PC
 - Xbox x Playstation
- O que faz com que uma tecnologia predomine sobre a concorrente?

Externalidades de Rede, Padronização e Compatibilidade Introdução à Questão

- A difusão de tecnologias muitas vezes depende da expectativa de sua utilização futura.
- Muitas vezes temos tecnologias novas que competem entre si.
- Muitas vezes a melhor tecnologia não é a que se torna mais difundida.
 Exemplos:
 - VHS x Betamax
 - Mac x PC
 - Xbox x Playstation
- O que faz com que uma tecnologia predomine sobre a concorrente?
- Nesta seção, veremos alguns "toy models" que sintetizam parte da literatura sobre o assunto.

• Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.
- O tamanho da rede (no. de usuários que usam o mesmo sistema) é dado por q ∈ {1, 2}.

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.
- O tamanho da rede (no. de usuários que usam o mesmo sistema) é dado por q ∈ {1, 2}.
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia antiga: u(q).

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.
- O tamanho da rede (no. de usuários que usam o mesmo sistema) é dado por q ∈ {1, 2}.
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia antiga: u(q).
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia nova: v(q).

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.
- O tamanho da rede (no. de usuários que usam o mesmo sistema) é dado por q ∈ {1, 2}.
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia antiga: u(q).
- ullet Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia nova: v(q).
- As duas tecnologias são incompatíveis.

- Considere que existam dois usuários de um sistema: $i \in \{1, 2\}$.
- Cada um pode adotar a nova tecnologia ou continuar usando a antiga.
- O tamanho da rede (no. de usuários que usam o mesmo sistema) é dado por q ∈ {1, 2}.
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia antiga: u(q).
- Utilidade obtida ao se utilizar a tecnologia nova: v(q).
- As duas tecnologias são incompatíveis.
- Hipóteses:



O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

• Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:
 - os dois usuários escolhem a tecnologia nova;

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:
 - os dois usuários escolhem a tecnologia nova;
 - os dois usuários escolhem a tecnologia antiga;

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:
 - os dois usuários escolhem a tecnologia nova;
 - os dois usuários escolhem a tecnologia antiga;
- Podemos ter duas situações de ineficiência:

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:
 - os dois usuários escolhem a tecnologia nova;
 - os dois usuários escolhem a tecnologia antiga;
- Podemos ter duas situações de ineficiência:
 - Excesso de inércia: equilíbrio escolhe tecnologia antiga e v(2) > u(2);

- Os dois usuários escolhem qual tecnologia usar simultaneamente.
- Assim, temos dois equilíbrios de Nash com estratégias puras:
 - os dois usuários escolhem a tecnologia nova;
 - os dois usuários escolhem a tecnologia antiga;
- Podemos ter duas situações de ineficiência:
 - Excesso de inércia: equilíbrio escolhe tecnologia antiga e v(2) > u(2);
 - Excesso de momentum: equilíbrio escolhe tecnologia nova e v(2) < u(2);

• A análise acima é bastante simplista.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.
- Considere que as preferências por tecnologias do modelo acima sejam funções crescentes de um parâmetro $\theta \sim u\,[0,1]$.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.
- Considere que as preferências por tecnologias do modelo acima sejam funções crescentes de um parâmetro $\theta \sim u\,[0,1]$.
- Suponha que $u_{\theta}(q)$ e $v_{\theta}(q)$ sejam ambas crescentes em θ .

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.
- Considere que as preferências por tecnologias do modelo acima sejam funções crescentes de um parâmetro $\theta \sim u\,[0,1]$.
- Suponha que $u_{\theta}(q)$ e $v_{\theta}(q)$ sejam ambas crescentes em θ .
- ullet Cada usuário conhece seu heta, mas desconhece o valor de heta do outro.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.
- Considere que as preferências por tecnologias do modelo acima sejam funções crescentes de um parâmetro $\theta \sim u\,[0,1]$.
- Suponha que $u_{\theta}(q)$ e $v_{\theta}(q)$ sejam ambas crescentes em θ .
- Cada usuário conhece seu θ , mas desconhece o valor de θ do outro.
- Suponha $v_1(1) > u_1(2)$ e $v_0(2) < u_0(1)$.

- A análise acima é bastante simplista.
- Farrell e Saloner (Rand J Econ, 1985) analisaram um modelo em que preferências por tecnologia podem variar.
- Reconsidere o modelo anterior.
- Considere que as preferências por tecnologias do modelo acima sejam funções crescentes de um parâmetro $\theta \sim u \, [0,1]$.
- Suponha que $u_{\theta}(q)$ e $v_{\theta}(q)$ sejam ambas crescentes em θ .
- Cada usuário conhece seu θ , mas desconhece o valor de θ do outro.
- Suponha $v_1(1) > u_1(2)$ e $v_0(2) < u_0(1)$.
- Os dois usuários interagem por 2 períodos.



O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

• Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);
 - Mudar para a nova tecnologia na data 1, qualquer que seja a estratégia do outro usuário.

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);
 - Mudar para a nova tecnologia na data 1, qualquer que seja a estratégia do outro usuário.
 - Obs.: a estratégia usar a tecnologia antiga no período 1 e mudar para a nova no período 2 qualquer que seja a estratégia do outro usuário é estritamente dominada.

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);
 - Mudar para a nova tecnologia na data 1, qualquer que seja a estratégia do outro usuário.
 - Obs.: a estratégia usar a tecnologia antiga no período 1 e mudar para a nova no período 2 qualquer que seja a estratégia do outro usuário é estritamente dominada.
- ullet Para valores de heta muito altos, o usuário irá usar a estratégia 1.

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);
 - Mudar para a nova tecnologia na data 1, qualquer que seja a estratégia do outro usuário.
 - Obs.: a estratégia usar a tecnologia antiga no período 1 e mudar para a nova no período 2 qualquer que seja a estratégia do outro usuário é estritamente dominada.
- ullet Para valores de heta muito altos, o usuário irá usar a estratégia 1.
- ullet Para valores de heta muito baixos, o usuário irá usar a estratégia 3.

- Cada usuário pode tomar uma das três seguintes estratégias
 - nunca mudar para a nova tecnologia, qualquer que seja a estratégia do outro usuário;
 - Mudar na data 2 se o outro usuário tiver mudado para a nova tecnologia na data 1 (Maria vai com as outras);
 - Mudar para a nova tecnologia na data 1, qualquer que seja a estratégia do outro usuário.
 - Obs.: a estratégia usar a tecnologia antiga no período 1 e mudar para a nova no período 2 qualquer que seja a estratégia do outro usuário é estritamente dominada.
- ullet Para valores de heta muito altos, o usuário irá usar a estratégia 1.
- ullet Para valores de heta muito baixos, o usuário irá usar a estratégia 3.
- Para valores intermediários de θ , o usuário irá usar a estratégia 2.

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

• Portanto, haverá um usuário θ^* que estará indiferente entre 1 e 2.

- ullet Portanto, haverá um usuário eta^* que estará indiferente entre 1 e 2.
- Portanto, haverá um usuário θ^{**} que estará indiferente entre 2 e 3.

- Portanto, haverá um usuário θ^* que estará indiferente entre 1 e 2.
- Portanto, haverá um usuário θ^{**} que estará indiferente entre 2 e 3.
- Resolvendo o modelo por backward induction, vemos que, para que θ^* esteja indiferente entre 1 e 2, no segundo período, ele deve estar indiferente entre mudar para a nova tecnologia ou permanecer com a antiga, dado que no primeiro período ele escolheu a antiga.

- Portanto, haverá um usuário θ^* que estará indiferente entre 1 e 2.
- ullet Portanto, haverá um usuário eta^{**} que estará indiferente entre 2 e 3.
- Resolvendo o modelo por backward induction, vemos que, para que θ^* esteja indiferente entre 1 e 2, no segundo período, ele deve estar indiferente entre mudar para a nova tecnologia ou permanecer com a antiga, dado que no primeiro período ele escolheu a antiga.
- Isto implica em:

$$u_{\theta^*}(1) = v_{\theta^*}(2)$$

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Portanto, haverá um usuário θ^* que estará indiferente entre 1 e 2.
- ullet Portanto, haverá um usuário eta^{**} que estará indiferente entre 2 e 3.
- Resolvendo o modelo por backward induction, vemos que, para que θ^* esteja indiferente entre 1 e 2, no segundo período, ele deve estar indiferente entre mudar para a nova tecnologia ou permanecer com a antiga, dado que no primeiro período ele escolheu a antiga.
- Isto implica em:

$$u_{\theta^*}(1) = v_{\theta^*}(2)$$

• Da mesma forma, para que θ^{**} esteja indiferente entre 2 e 3, devemos ter, no período 2:

$$(1 - \theta^*) v_{\theta^{**}}(2) + \theta^* v_{\theta^{**}}(1) = (1 - \theta^{**}) v_{\theta^{**}}(2) + \theta^{**} u_{\theta^{**}}(2)$$

- 4 ロ ト 4 昼 ト 4 佳 ト - 佳 - り 9 (P

Externalidades de Rede, Padronização e Compatibilidade O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

• Equilíbrio exibe excesso de inércia.

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Equilíbrio exibe excesso de inércia.
- Se os dois usuários tiverem valores intermediários de θ , isto é,

$$\theta_1$$
, $\theta_2 \in [\theta^*, \theta^{**}]$,

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Equilíbrio exibe excesso de inércia.
- Se os dois usuários tiverem valores intermediários de θ , isto é,

$$\theta_1, \theta_2 \in [\theta^*, \theta^{**}]$$
 ,

ambos permanecerão com a tecnologia antiga, sendo que ambos prefeririam a tecnologia nova.

Formas de aliviar o problema de coordenação:

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Equilíbrio exibe excesso de inércia.
- Se os dois usuários tiverem valores intermediários de θ , isto é,

$$\theta_1, \theta_2 \in [\theta^*, \theta^{**}]$$
 ,

- Formas de aliviar o problema de coordenação:
 - permitir comunicação entre os usuários;

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Equilíbrio exibe excesso de inércia.
- Se os dois usuários tiverem valores intermediários de θ , isto é,

$$\theta_1, \theta_2 \in [\theta^*, \theta^{**}]$$
 ,

- Formas de aliviar o problema de coordenação:
 - permitir comunicação entre os usuários;
 - permitir aos usuários que assinem contratos especificando a tecnologia a ser usada;

O Lado da Demanda: Coordenação de Expectativas dos Usuários

- Equilíbrio exibe excesso de inércia.
- Se os dois usuários tiverem valores intermediários de θ , isto é,

$$\theta_1, \theta_2 \in [\theta^*, \theta^{**}]$$
 ,

- Formas de aliviar o problema de coordenação:
 - permitir comunicação entre os usuários;
 - permitir aos usuários que assinem contratos especificando a tecnologia a ser usada;
 - dar subsídios governamentais para a adoção da nova tecnologia.

 Firmas muitas vezes estabelecem um "preço de penetração" para que seus produtos fiquem conhecidos no mercado antes de cobrar um preço que reflita as qualidades do produto.

- Firmas muitas vezes estabelecem um "preço de penetração" para que seus produtos fiquem conhecidos no mercado antes de cobrar um preço que reflita as qualidades do produto.
- Katz e Shapiro (AER 1985; JPE 1986; Rand J Econ 1986) se dedicaram a estudar este problema.

- Firmas muitas vezes estabelecem um "preço de penetração" para que seus produtos fiquem conhecidos no mercado antes de cobrar um preço que reflita as qualidades do produto.
- Katz e Shapiro (AER 1985; JPE 1986; Rand J Econ 1986) se dedicaram a estudar este problema.
- Considere duas firmas operando em um duopólio competindo em um jogo de Cournot.

- Firmas muitas vezes estabelecem um "preço de penetração" para que seus produtos fiquem conhecidos no mercado antes de cobrar um preço que reflita as qualidades do produto.
- Katz e Shapiro (AER 1985; JPE 1986; Rand J Econ 1986) se dedicaram a estudar este problema.
- Considere duas firmas operando em um duopólio competindo em um jogo de Cournot.
- Os produtos oferecidos são incompatíveis.

- Firmas muitas vezes estabelecem um "preço de penetração" para que seus produtos fiquem conhecidos no mercado antes de cobrar um preço que reflita as qualidades do produto.
- Katz e Shapiro (AER 1985; JPE 1986; Rand J Econ 1986) se dedicaram a estudar este problema.
- Considere duas firmas operando em um duopólio competindo em um jogo de Cournot.
- Os produtos oferecidos são incompatíveis.
- Consumidor j obtêm utilidade $\theta_j + v(q_i)$.

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

• Podemos interpretar o preço ao consumidor como sendo

$$\widetilde{p}_i = p_i - v(q_i^e)$$

• Podemos interpretar o preco ao consumidor como sendo

$$\widetilde{p}_i = p_i - v(q_i^e)$$

• Consumidores possuem demanda unitária, dada pela curva:

$$q=1-\widetilde{p}$$

onde \widetilde{p} é o custo total ao consumidor, dado por:

$$\widetilde{p} = \min \left\{ \widetilde{p}_1, \widetilde{p}_2 \right\}$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

• A demanda inversa será então:

$$\widetilde{p}=1-q_1-q_2$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

A demanda inversa será então:

$$\widetilde{p} = 1 - q_1 - q_2$$

• Substituindo $\widetilde{p}_i = p_i - v(q_i^e)$ na equação acima, obtemos:

$$p_i = v(q_i^e) + 1 - q_1 - q_2$$

A demanda inversa será então:

$$\widetilde{p} = 1 - q_1 - q_2$$

• Substituindo $\widetilde{p}_i = p_i - v(q_i^{\rm e})$ na equação acima, obtemos:

$$p_i = v(q_i^e) + 1 - q_1 - q_2$$

• Podemos então calcular o equilíbrio de Nash do jogo de Cournot:

$$\Pi^i(q_i,q_j)=q_i\left[v(q_i^e)+1-q_i-q_j
ight]-cq_i$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

Problema da firma:

$$q_i^* = rg\max_{q_i} q_i \left[v(q_i^e) + 1 - q_i - q_j
ight] - cq_i$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

Problema da firma:

$$q_i^* = rg \max_{q_i} q_i \left[v(q_i^e) + 1 - q_i - q_j
ight] - cq_i$$

• Condições de 1a. ordem:

$$v(q_i^e) + 1 - 2q_i - q_j - c = 0$$

Problema da firma:

$$q_i^* = rg \max_{q_i} q_i \left[v(q_i^e) + 1 - q_i - q_j
ight] - cq_i$$

• Condições de 1a. ordem:

$$v(q_i^e) + 1 - 2q_i - q_j - c = 0$$

• Temos que os consumidores possuem expectativas racionais, portanto:

$$q_i^e = q_i$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

Problema da firma:

$$q_i^* = rg \max_{q_i} q_i \left[v(q_i^e) + 1 - q_i - q_j
ight] - cq_i$$

• Condições de 1a. ordem:

$$v(q_i^e) + 1 - 2q_i - q_j - c = 0$$

• Temos que os consumidores possuem expectativas racionais, portanto:

$$q_i^e = q_i$$

Substituindo esta equação nas CPOs e resolvendo para qi:

$$q_i - \frac{1}{2}v(q_i) = \frac{1-c-q_j}{2}$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

• Suponha $v(q_i) = \beta q_i$. Teremos:

$$q_i = \frac{1 - c - q_j}{2 - \beta}$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

• Suponha $v(q_i) = \beta q_i$. Teremos:

$$q_i = \frac{1 - c - q_j}{2 - \beta}$$

• Em um equilíbrio simétrico, teremos:

$$q_i^* = \frac{1-c}{3-\beta}$$

O Lado da Oferta: Patrocínios e Comportamento Estratégico

• Quanto maiores forem os ganhos de rede (β) , maior será a quantidade oferecida e menor será o preço do produto.

- Quanto maiores forem os ganhos de rede (β) , maior será a quantidade oferecida e menor será o preço do produto.
- Empresas irão reduzir os preços para tirar vantagem do fato de que a demanda é função do número de usuários.

- Quanto maiores forem os ganhos de rede (β) , maior será a quantidade oferecida e menor será o preço do produto.
- Empresas irão reduzir os preços para tirar vantagem do fato de que a demanda é função do número de usuários.
- Como o jogo é simétrico, ambas as firmas fazem o mesmo.

- Quanto maiores forem os ganhos de rede (β) , maior será a quantidade oferecida e menor será o preço do produto.
- Empresas irão reduzir os preços para tirar vantagem do fato de que a demanda é função do número de usuários.
- Como o jogo é simétrico, ambas as firmas fazem o mesmo.
- O resultado, em equilíbrio, é uma oferta de mercadorias mais próxima do equilíbrio competitivo e mais distante do equilíbrio de Cournot tradicional.